

باسم‌هه تعالی

دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره‌ی تابستانی (شهریورماه) سال تحصیلی ۱۳۸۶-۸۷	سال سوم آموزش متوسطه	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
اداره‌ی کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی	تاریخ امتحان: ۱۴ / ۶ / ۱۳۸۷			

ردیف	سوالات	نمره
۱	الف) برای حدس کلی زیر مثال نقض ازانه دهید: «ارتفاعهای هر مثلث داخل مثلث واقع است» ب) قضیه فیثاغورس را به صورت قضیه دو شرطی بنویسید.	۰/۷۵
۲	قضیه: ثابت کنید که نیمساز یک زاویه، مکان هندسی نقطه‌ای در صفحه‌ی آن زاویه است که فاصله‌ی آن از دو ضلع زاویه برابر باشد.	۱/۲۵
۳	<p>در مثلث ABC، AH ارتفاع و AD نیمساز است. مساحت مثلث ABD و ACD را به ترتیب با S و S' نشان می‌دهیم.</p> <p>الف) با در نظر گرفتن BD و DC به عنوان قاعده‌ی این مثلث‌ها نسبت $\frac{S}{S'}$ را به دست آورید.</p> <p>ب) از D عمود‌هایی بر اضلاع AB و AC رسم کنید و پای آنها را M و N بnamid. DM و DN چه رابطه‌ای با هم دارند؟</p> <p>پ) با در نظر گرفتن AB و AC به عنوان قاعده‌ی مثلث‌های ABD و ADC، نسبت $\frac{S}{S'}$ را به دست آورید.</p> <p>ت) از مقایسه نسبتها در بند (الف) و (پ) چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟</p>	۱
۴	ثابت کنید در هر مثلث، هر میانه از نصف مجموع دو ضلع مجاور آن کوچکتر است.	۱
۵	مربعی رسم کنید که پاره خط مفروض DE قطر آن باشد.	۱
۶	قضیه: ثابت کنید طول مماسهای رسم شده بر یک دایره از هر نقطه خارج آن با هم برابرند.	۱/۲۵
۷	<p>دایره‌ی C(O, R) مفروض است. وتر AB به طول $\sqrt{2}$ سانتیمتر داده شده است.</p> <p>با توجه به شکل اگر $\hat{AMB} = 45^\circ$ مطابق‌بست محاسبه:</p> <p>الف) شعاع دایره ب) فاصله مرکز دایره از وتر AB</p>	۱
۸	<p>در دایره (R) C مماس AC و وتر AB با یکدیگر مساوی‌اند.</p> <p>خط BC دایره را در نقطه‌ی D قطع کرده است.</p> <p>ثابت کنید مثلث ADC متساوی الساقین است.</p>	۰/۷۵
۹	با توجه به شکل مقدار x و y را بایابید.	۱

«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»

پاسخه تعالی

ساعت شروع : ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سال سوم آموزش متوسطه	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴ / ۶ / ۱۳۸۷	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره‌ی تابستانی (شهریورماه) سال تحصیلی ۱۳۸۶-۸۷	اداره‌ی کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی		
نمره	سوالات	ردیف		
۰/۵	شعاعهای دو دایره ۳ و ۵ سانتیمتر است اگر طول مماس مشترک داخلی آنها ۶ سانتیمتر باشد فاصله‌ی بین مرکزهای دو دایره را بیابید.	۱۰		
۰/۵	مفاهیم زیر را تعریف کنید: الف) زویه ظلی ب) ایزومتری	۱۱		
۱/۷۵	نقاط $A(1, 0)$ و $B(0, 0)$ و $C(1, 0)$ و $D(0, 2)$ روسن یک مریعند: الف) مریع ABCD و تصویر مجانس آن را با در نظر گرفتن $O(0, 0)$ به عنوان مرکز تجانس و عدد ۲ به عنوان عامل مقیاس رارسم کنید. ب) نوع تجانس را مشخص کنید. ج) نسبت مساحت مریع $A'B'C'D'$ را به مساحت مریع ABCD مشخص کنید. د) نسبت محیط مریع $A'B'C'D'$ به محیط مریع ABCD را بنویسید. (تصویر مریع ABCD است)	۱۲		
۱/۷۵	الف) مختصات نقطه‌ای را به دست آورید که تصویر آن تحت تبدیل $T(x, y) = (-x + 3, 2y)$ نقطه‌ی $(-4, -4)$ باشد. ب) معادله تصویر $x - 2y = 3x - 2y$ را تحت تبدیل $T(x, y) = (-y, -x)$ را به دست آورید.	۱۳		
۱	مثلث ABC و مثلث ECD متساوی الاضلاع هستند با استفاده از ویژگیهای تبدیلات ثابت کنید: $AD = BE$ و $\hat{AFB} = 60^\circ$	۱۴		
۱				
۱	درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید: الف) زویه‌ی مرکزی در هر دایره برابر نصف کمان روپروری آن است. ب) انتقال الزاماً شب را حفظ نمی‌کند. ج) اگر دو صفحه متقاطع یک نقطه‌ی مشترک داشته باشند، آنگاه در یک خط، مشترک خواهد بود. د) از نقطه‌ی O خارج صفحه‌ی P فقط یک خط می‌گذرد که با صفحه‌ی P موازی است.	۱۵		
۱/۲۵	الف) قضیه: ثابت کنید اگر خط L با یکی از خط‌های صفحه‌ی P موازی باشد، آنگاه خط L با صفحه‌ی P موازی است. (با رسم شکل) ب) ثابت کنید اگر خطی با دو صفحه‌ی متقاطع موازی باشد آنگاه با فصل مشترک آنها موازی است.	۱۶		
۱/۲۵	ثابت کنید اگر خطی بر یکی از دو صفحه موازی، عمود باشد، بر دیگری هم عمود است. (با رسم شکل)	۱۷		
۱	اگر دو صفحه P و P' بر هم عمود باشند ثابت کنید هر خط بر عمود صفحه P با صفحه‌ی P' موازی است. (با رسم شکل)	۱۸		
۲۰	جمع نمره	موفق باشید»		