

پاسمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس : جبر و احتمال	رشته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۳۵ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه			تاریخ امتحان : ۱۶ / ۱۶ / ۱۳۸۷
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره تابستانی (شهریور ماه) سال تحصیلی ۸۷-۸۶			اداره کل سنجش و آرزشیابی تحصیلی
سوالات			
			ردیف
نمره			
۱	با استفاده از استدلال استنتاجی ثابت کنید مجموع دو عدد فرد متوالی مضرب ۴ می باشد.		
۱/۷۵	به روش استقراء ریاضی ثابت کنید برای هر عدد طبیعی n داریم:		
	$(1 + \sqrt{v})^n \geq 1 + \sqrt{v} n$		
۰/۵	آیا حاصلضرب دو عدد گنگ همواره گنگ است؟ چرا؟		
۱	اگر n^3 مضرب ۵ باشد نشان دهید n^5 نیز مضرب ۵ است. (برهان خلف)		
۱/۲۵	نقطه درون دایره‌ای به شعاع واحد انتخاب می کنیم ثابت کنید حداقل ۲ نقطه از آنها فاصله‌ای کمتر از واحد را دارند.		
۱/۵	با استفاده از جبر مجموعه ها ثابت کنید:		
	$(A - C) - (B - C) = (A - B) - C$		
۱	x و y را چنان باید تا دو زوج مرتب $(125, 64, 5^{3y})$ و $(2^{3x+y}, 5^3)$ مساوی باشند.		
۱/۵	اگر $A = \{x \mid x^2 - 5x + 4 = 0\}$ و $B = \{x \mid x^2 - 5x + 4 = 0\}$ دو مجموعه باشند: الف) مجموعه های A^2 و B^2 را بصورت اعضا بنویسید. ب) مجموعه $A^2 - B^2$ را تشکیل دهید.		
۱/۵	رابطه R در Z^2 به صورت زیر تعریف شده است: $(x, y) R (z, t) \Leftrightarrow x^2 - y = z^2 - t$ الف) ثابت کنید R یک رابطه هم ارزی است. ب) کلاس هم ارزی $[1, 2]$ را تشکیل دهید.		
۲	ارقام ۹، ۳، ۰، ۵ را در نظر بگیرید، مطلوب است تعیین: الف) فضای نمونه ای S که شامل تمام اعداد دو رقمی بدون تکرار باشد. ب) پیشامد A آنکه اعداد دو رقمی مضرب ۵ باشد. ج) پیشامد B آنکه اعداد دو رقمی بزرگتر از ۵۰ باشد. د) پیشامد $A \cap B'$ «ادامه سوالات در صفحه دوم»		

پاسخهای کلی

ردیف	سوالات		
نمره			
۱۱	خانواده‌ای ۶ فرزند دارد احتمال آنرا بباید که دو فرزند خانواده پسر باشد.	۱۱	
۱۲	در فضای نمونه ای $S = \{a, b, c, d\}$ داریم: $P\{a, b, c\} = \frac{5}{17}$ و $P\{a, d\} = \frac{5}{17}$ هم شانس هستند، احتمال هر یک را بباید.	۱۲	
۱۳	از میان ۵ پیج و ۷ مهره که درون جعبه‌ای قرار دارند ۴ تای آنها را به تصادف خارج کرده ایم، احتمال آنرا بباید که دو جفت پیج و مهره داشته باشیم.	۱۳	
۱۴	اگر A و B دو پیشامد باشند و داشته باشیم: $\frac{P(A \cup B)}{P(A \cap B)}$ مطلوب است محاسبه	۱۴	
۱۵	نقاطه‌ای به تصادف درون متوازی الاضلاعی به رؤوس A, B, C, D انتخاب می‌کنیم، احتمال آنرا بباید که داشته باشیم: $x > \frac{3}{5}$ یا $x < \frac{2}{5}$	۱۵	
۱۶	برای دو پیشامد A و B از فضای نمونه ای S ثابت کنید: $P(A \cap B') = P(A) - P(A \cap B)$	۱۶	
۲۰	جمع نمره «موفق باشید»		