

با اسمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۳۸۸ / ۱۰ / ۱۳	سال سوم آموزش متوسطه
اداره‌ی کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی http://ace.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشوار در نیم سال اول (دی ماه) سال تحصیلی ۱۳۸۸-۸۹

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$p(1) = 1 + \sqrt{3} \geq 1 + \sqrt{3}$ (۰/۲۵) فرض $p(k) = (1 + \sqrt{3})^k \geq 1 + k\sqrt{3}$ (۰/۲۵) $p(k+1) = (1 + \sqrt{3})^{k+1} \geq 1 + (k+1)\sqrt{3}$ (۰/۲۵) حکم $(1 + \sqrt{3})^{k+1} \geq (1 + k\sqrt{3})(1 + \sqrt{3}) \geq 1 + (k+1)\sqrt{3}$ (۰/۲۵) $\quad \quad \quad // \geq 1 + \sqrt{3} + 2k + k\sqrt{3} \geq 1 + k\sqrt{3} + \sqrt{3}$ $\quad \quad \quad // \geq 3k \geq 0$ (۰/۲۵) گزاره همواره درست است پس حکم هم درست خواهد بود.	۱/۵
۲	فرض خلف: فرض می کنیم $a, b \in \mathbb{Z}$ گنج نباشد. (۰/۲۵) $2\sqrt{3} = \frac{a}{b}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 12 = \frac{a^2}{b^2} \Rightarrow a^2 = 12b^2 \Rightarrow a = 12k$ (۱) (۰/۲۵) $144k^2 = 12b^2 \Rightarrow b^2 = 12k^2 \Rightarrow b = 12k'$ (۲) از (۱) و (۲) نتیجه می شود که a, b نسبت به یکدیگر اول نیستند و تناقض با تعریف اعداد گویا را دارد چون باید $(a, b) = 1$ (۰/۲۵).	۱
۳	(الف) نادرست و مثال نقض $a = 1 \Rightarrow 1 < 1$ (۰/۵) (ب) نادرست و مثال نقض $n = 3 \Rightarrow 2^n + 1 = 9$ (۰/۵) $x = \varepsilon k + \delta$ $y = \varepsilon k' + \delta$ $\left\{ \Rightarrow xy = (\varepsilon k + \delta)(\varepsilon k' + \delta) = \right.$ (۰/۲۵) $\quad \quad \quad 2\varepsilon kk' + 2\cdot k + 2\cdot k' + 2\delta = \Rightarrow \varepsilon(\varepsilon kk' + \delta k + \delta k' + \delta) + \delta = \varepsilon k'' + \delta$ (۰/۷۵) (ج) درست	۲
۴	عدد طبیعی $22 =$ تعداد کبوترها $= \{1, 2, 3, 4, 5\}$ باقیمانده بر $6 =$ تعداد لانه ها $22 \underline{\quad 6} \quad 22 = 3 \times 6 + 4 \Rightarrow$ $\quad \quad \quad \underline{18} \quad 3 + 1 = 4$ (۰/۲۵) بر طبق اصل لانه کبوتر حداقل ۴ عدد باقیمانده یکسانی را دارند. (۰/۵) « ادامه در صفحه دوم »	۱

با اسمه تعالی

راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
سال سوم آموزش متوسطه

دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نیم سال اول (دی ماه) سال تحصیلی ۱۳۸۸-۸۹
<http://aee.medu.ir>

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	<p>الف) $B \subseteq A \Rightarrow B \cap B \subseteq A \cap A' \Rightarrow B \subseteq \emptyset \quad (\text{۱}) \quad (۰/۲۵)$</p> $B \subseteq A' \quad \emptyset \subseteq B \quad (\text{۲}) \quad \Rightarrow B = \emptyset \quad (۰/۲۵)$ <p>ب) $(A \cup B) - (B \cup C) = (A - B) - C$</p> $(A \cup B) \cap (B \cup C)' = (A \cup B) \cap [B' \cap C'] = \\ (۰/۲۵) \qquad \qquad \qquad (۰/۲۵)$ $[(A \cup B) \cap B'] \cap C' = \left[(A \cap B') \cup \underbrace{(B \cap B')}_{\emptyset} \right] \cap C' = \\ (۰/۲۵) \qquad \qquad \qquad (۰/۲۵)$ $(A - B) - C$	۱/۵
۶	$\begin{cases} x^r - y^r = ۱ \Rightarrow (x+y)(x-y) = ۱ \Rightarrow \lambda(x-y) = ۱ \Rightarrow x-y = \gamma \\ x+y = \lambda \end{cases} \quad (۰/۵)$ $\begin{cases} x-y = \gamma \Rightarrow x = \delta \quad (۰/۲۵) \\ x+y = \lambda \Rightarrow y = \varphi \quad (۰/۲۵) \end{cases}$	۱
۷	$A = \{-1, 0, 1, 2\}$ $B = \{1, 2\}$ $A \times B = \{(-1, 1), (-1, 2), (0, 1), (0, 2), (1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\} \quad (۰/۵)$ $B^r = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\} \quad (۰/۲۵)$ $A \times B - B^r = \{(-1, 1), (-1, 2), (0, 1), (0, 2)\} \quad (۰/۵)$	۱/۵
	<p>نمودار (۰/۲۵)</p>	
	« ادامه در صفحه‌ی سوم »	

با اسمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۳۸۸/۱۰/۱۳	سال سوم آموزش متوسطه
اداره‌ی کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی http://ace.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در فیلم سال اول (دی ماه) سال تحصیلی ۱۳۸۸-۸۹

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\begin{aligned} \text{i)} (x,y) R(x,y) &\Rightarrow x^r - y^r = x^r - y^r \\ \text{ii)} (x,y) R(z,t) &\Rightarrow (z,t)R(x,y) \\ (x,y) R(z,t) &\Rightarrow x^r - t^r = z^r - y^r \Rightarrow z^r - y^r = x^r - t^r \Rightarrow (z,t) R(x,y) \\ \text{iii)} (x,y) R(z,t) &\Rightarrow x^r - t^r = z^r - y^r \\ (z,t) R(e,f) &\Rightarrow z^r - f^r = e^r - t^r \end{aligned}$ $\left. \begin{aligned} (x,y) R(z,t) &\Rightarrow x^r - t^r = z^r - y^r \\ (z,t) R(e,f) &\Rightarrow z^r - f^r = e^r - t^r \end{aligned} \right\} \Rightarrow x^r - f^r = e^r - y^r \Rightarrow (x,y) R(e,f)$ $[(-z,r)] = \{(x,y) (x,y) R(-z,r)\} \quad (./25)$ $x^r - a = -z - y^r \Rightarrow x^r + y^r = 1 \quad (./25)$ <p>تمام نقاطی که در این رابطه صدق کنند کلاس هم ارزی خواهند بود.</p>	۱/۵
۹	$S = \{12, 13, 14, 21, 23, 24, 31, 32, 34, 41, 42, 43\} \quad (./5)$ $A = \{12, 24, 42\} \quad (./25)$ $B = \{13, 23, 31, 41, 43\} \quad (./25)$ $B' = \{12, 14, 21, 24, 32, 34, 42\} \quad (./5)$ $A \cap B' = \{12, 24, 42\} \quad (./5)$	۲
۱۰	$p(a) = p(b) = x \quad p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 1 \quad (./25)$ $p(b) = x \quad (./25)$ $p(c) = p(d) = \frac{1}{4} \quad \frac{1}{2}x + x + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = 1$ $p(a) = \frac{1}{3} \quad (./25) \quad , \quad p(b) = \frac{1}{5} \quad (./25)$ $p(a') = \frac{2}{3} \quad (./25) \quad , \quad p(b') = \frac{4}{5} \quad (./25)$	۱/۷۵
	«ادامه در صفحه‌ی چهارم»	

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۳۸۸ / ۱۰ / ۱۳	سال سوم آموزش متوسطه
اداره‌ی کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی http://ace.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشوار در نیم سال اول (دی ماه) سال تحصیلی ۱۳۸۸-۸۹

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	$p(A) = \frac{C(5, 2)}{C(11, 2)} = \frac{15}{55} = \frac{3}{11}$ (./۲۵) $p(B) = \frac{C(5, 2)}{C(11, 2)} + \frac{C(5, 2)}{C(11, 2)} = \frac{3}{11} + \frac{10}{55} = \frac{3}{11} + \frac{2}{11} = \frac{5}{11}$ (./۲۵)	۱/۵
۱۲	جای خالی به ترتیب برابر است با: $\frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}$ رسم نمودار درختی (۰/۲۵) هر قسمت جواب (۰/۲۵)	۱
۱۳	$p(A) = \frac{a_A}{a_S} = \frac{28 - \pi}{\underbrace{7 \times 4}_{28}} = \frac{28 - \pi}{28} = 1 - \frac{\pi}{28}$ (./۲۵) نمودار (۰/۲۵) ۱ نمره (۰/۲۵)	۱/۵
۱۴	$\begin{aligned} & \text{داریم:} \\ & \left. \begin{aligned} & (B - A) \cup A = B \\ & (B - A) \cap A = \emptyset \end{aligned} \right\} \Rightarrow p[(B - A) \cup A] = p(B) \quad (\cdot/۲۵) \\ & p(B - A) + p(A) = p(B) \quad (\cdot/۲۵) \Rightarrow p(B) \geq p(A) \quad (\cdot/۲۵), \\ & p(B - A) = p(B) - p(A) \quad (\cdot/۲۵) \end{aligned}$	۱/۲۵
	«موفق باشید»	۲۰