

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۹ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سال سوم آموزش متوجه	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۶ / ۱۳		
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره تابستانی (شهریورماه) سال ۱۳۸۹ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات	نمره															
۱	<p>با رسم چند ضلعی‌های محدب تا شش ضلعی و رسم قطرهای مربوط به هر رأس:</p> <p>الف) جدول زیر را کامل کنید.</p> <table border="1"> <tr> <td style="text-align: right;">تعداد ضلعها</td> <td>n</td> <td>...</td> <td>۶</td> <td>۵</td> <td>۴</td> <td>۳</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: right;">تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس</td> <td>؟</td> <td>؟</td> <td>۲</td> <td>۱</td> <td>۰</td> <td></td> </tr> </table> <p>ب) به کمک استدلال استقرائی بالا رابطه‌ای برای تمام قطرهای n ضلعی محدب بیابید.</p>	تعداد ضلعها	n	...	۶	۵	۴	۳		تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس	؟	؟	۲	۱	۰		+/۷۵
تعداد ضلعها	n	...	۶	۵	۴	۳											
تعداد قطرهای رسم شده از یک رأس	؟	؟	۲	۱	۰												
۲	ثابت کنید شکل حاصل از برخورد نیمساز زاویه‌های داخلی هر مستطیل یک مربع است.	۱/۲۵															
۳	<p>سه پاره خط با طول‌های $6x$, $7x$ و $(1-x)4$ داده شده‌اند. اگر مجموع این طول‌ها 36 باشد، آیا این پاره‌خطها می‌توانند ضلع‌های یک مثلث باشند؟ چرا؟</p>	+/۷۵															
۴	<p>قضیه لولا: ثابت کنید اگر دو ضلع از مثلث با دو ضلع از مثلث دیگر نظیر به تغییر مساوی باشند و زاویه بین این دو ضلع در مثلث اول بزرگتر از زاویه بین دو ضلع نظیر از مثلث دوم باشد، آنگاه ضلع سوم از مثلث اول بزرگتر از ضلع سوم از مثلث دوم است.</p>	+/۷۵															
۵	مکان هندسی مرکز توبی که روی یک سطح صاف در امتداد یک خط مستقیم می‌غلند را با رسم شکل بیابید.	+/۵															
۶	<p>قضیه: ثابت کنید در هر دایره، قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمان‌های نظیر آن وتر را نصف می‌کند.</p>	۱															
۷	<p>درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید:</p> <p>الف) در دو دایره مماس برون فاصله مرکزهای دو دایره برابر مجموع اندازه شعاع‌های دو دایره است.</p> <p>ب) در هر چهار ضلعی اگر مجموع اضلاع مقابل یکسان باشد، آن چهار ضلعی محیطی است.</p> <p>ج) در هر دو دایره مماس مشترک‌های خارجی و خط‌المرکزین هم‌سند.</p>	+/۷۵															

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

ساعت شروع: ۹ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۶ / ۱۳		سال سوم آموزش متوسطه
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره‌ی تابستانی (شهریورماه) سال ۱۳۸۹ http://aee.medu.ir		

ردیف	سؤالات	نمره
۸	در شکل مقابل قطر CD بر وتر AB عمود و AT بر دایره مماس است. اگر $\widehat{CB} = 2x^\circ$ و $\widehat{AD} = (3x + 10)^\circ$ آنگاه x و y را محاسبه کنید.	۱
۹	قضیه: ثابت کنید اگر دو پاره خط AA' و BB' در نقطه M یکدیگر را طوری قطع کنند که $MA \cdot MA' = MB \cdot MB'$	۱/۲۵
۱۰	از مثلث $\triangle ABC$ ، خلع $BC = a$ ، زاویه $\hat{A} = \alpha$ و ارتفاع $AH = h_a$ داده شده است. مثلث را رسم کنید. (روش رسم را توضیح دهید).	۱
۱۱	ابتدا تبدیل را تعریف کنید و سپس نوع تبدیل‌های زیر را مشخص کنید.	۱/۲۵
۱۲	نقاط $(1, 1)$ ، $A(1, 5)$ ، $B(4, 2)$ ، $C(3, 4)$ و $D(0, 4)$ رأس‌های یک مربع‌اند. الف) مربع و تصویرش را تحت انتقالی که رأس B را بر روی رأس D تصویر می‌کند رسم کنید. ب) قاعده نگاشت این انتقال را بنویسید. ج) این تبدیل را توصیف کنید.	۱/۲۵
۱۳	ابتدا خسابه تبدیل دوران به مرکز مبدأ مختصات و زاویه 90° را بنویسید. سپس معادله تصویر خط $x - y + 2 = 0$ را تحت این دوران بیاباید.	۱
«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی سوم»		

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۹ صبح مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۶ / ۱۳		سال سوم آموزش متوسطه
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره‌ی تابستانی (شهریورماه) سال ۱۳۸۹ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		

ردیف	سوالات	نمره
۱۴	با استفاده از ویزگی‌های بازتاب قضیه زیر را اثبات کنید. قضیه: زاویه‌های روپرتو به ضلع‌های مساوی در مثلث متساوی‌الساقین با یکدیگر برابرند.	۱
۱۵	جاهاي خالي زير را بطور مناسب پر کنيد: الف) در يك تجانيS به نسبت K ، اگر $1 < K < 0$ ، تجانيS يك است. ب) محور تقارن يك پاره خط آن پاره خط است. ج) از يك خط و يك نقطه خارج آن، يك و تنها يك مي گذرد. د) دو خط در فضا را که در يك صفحه قرار نمي گيرند، دو خط مي ناميم. ه) از نقطه O خارج صفحه P خط مي گذرد که با P موازي است.	۱/۲۵
۱۶	اگر سه خط L_1 ، L_2 و L_3 دو به دو متقاطع باشند ثابت کنید اين سه خط يا در يك صفحه قرار دارند يا همسند.	۱/۲۵
۱۷	نقطه A خارج از صفحه P مفروض است: الف) از A يك صفحه موازي صفحه P رسم کنید. (روش رسم را توضيح دهيد). ب) از A خطی رسم کنید که بر صفحه P عمود باشد. (روش رسم را توضيح دهيد).	۰/۵
۱۸	ثابت کنید در يك هرم، وسط يال‌های آن، در يك صفحه موازي قاعده قرار دارند.	۱/۲۵
۲۰	«موفق باشید»	جمع نمره

