

باسم‌هه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته‌ی: علوم تجربی (۳)	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۶ / ۴			سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش			دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره‌ی تابستانی (شهریورماه) سال ۱۳۸۹
<a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			

ردیف	نمره	سوالات
۱	+/۷۵	مجموعه جواب نامعادله‌ی مقابل را به صورت بازه نوشت و روی محور نمایش دهید. $-1 < \frac{1-3x}{2} \leq 4$
۲	۱/۲۵	دامنه‌ی توابع زیر را به دست آورید. $f(x) = \sqrt{2x - x^2}$ (الف) $g(x) = \cot(2x - \frac{\pi}{2})$ (ب)
۳	۱	تابع $y = ax^3 + x + b$ مفروض است، ضرایب $a$ و $b$ را چنان بیابید که منحنی از نقطه‌ی $(-2, 2)$ بگذرد و محور $y$ را در نقطه‌ای به عرض ۳ قطع کند.
۴	۱	اگر $f(g(x)) = 2x^3 + 4x$ و $f(x) = 2x^3 - 2$ باشد تابع $g(x)$ را محاسبه نماید.
۵	۴/۲۵	حدهای زیر را حساب کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5x^2 + 1}{3x^2 + \sqrt{x^4 - 1}}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{x^2 - 4}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin x}$ د) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1}{\cos x}$
۶	۱/۲۵	اگر $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\tan(x-a)}{x^2 - a^2} = \frac{1}{2}$ مقدار $a$ را تعیین کنید.
۷	۱	در صورتی که $\lim_{x \rightarrow 3} f(x+2) = \frac{x+4}{x}$ باشد، $f(x)$ را به دست آورید.
۸	۱/۵	پیوستگی تابع $f(x) = \begin{cases} 3[x] + 4 & , x \geq -2 \\ \frac{ 2x+4 }{x+2} & , x < -2 \end{cases}$ را در نقطه‌ی $x_0 = -2$ بررسی کنید.
۹	۱	نقاط ناپیوستگی تابع $y = \frac{x+3}{x^2 - x - 12}$ را تعیین کنید.
۱۰	+/۷۵	تابع $f$ با ضابطه‌ی $y = x^3 + 3$ داده شده است. آهنگ متوسط تغییر این تابع را به ازای $x_1 = 2$ و $\Delta x = 0/3$ به دست آورید.
		«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»

با اسمه تعالی

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹ صبح	رشته‌ی: علوم تجربی ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۶ / ۴		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دوره‌ی تابستانی (شهریورماه) سال ۱۳۸۹
نمره	سؤالات	

۲/۲۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)  الف) $y = (5x + 1)(x^3 + 4x - 7)$ ب) $y = \left(\frac{1}{x} - \sqrt{x}\right)^5$  ج) $y = \text{Cot}(2x) + \text{Cos}(3x + 4)$ د) $y = \frac{x^3 - x^2}{x + 2}$	۱۱
۱	معادله‌ی خط قائم بر منحنی تابع $y = x^3 - 2x^2 + 1$ را در نقطه‌ای به طول ۲ واقع بر منحنی بنویسید.	۱۲
۱/۲۵	مقادیر $a$ و $b$ را طوری بیابید که نقطه‌ی ماکسیمم یا مینیمم تابع $y = x^3 + ax + b$ در نقطه $A(1, -2)$ باشد.	۱۳
۱/۷۵	جدول تغییرات و نمودار تابع $y = (x-1)(x^2 - 2x - 2)$ رارسم کنید.	۱۴
۲۰	جمع نمره «موفق باشید»	