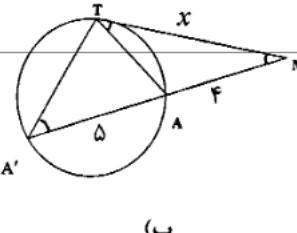
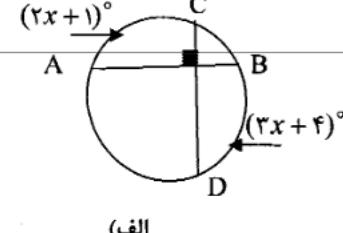


با سمه تعالی

ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک (۲)
تاریخ امتحان: ۱۰/۲۵/۱۳۹۰	سال سوم آموزش متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۰	

ردیف	سوالات	نمره
۱	ابتدا مکان هندسی را تعریف کنید سپس مکان هندسی نقطه‌ای از صفحه را پیدا کنید که از یک خط داده شده $\ell$ به فاصله $\frac{1}{2}$ باشد.	۱/۲۵
۲	قضیه: ثابت کنید اگر در مثلثی دو ضلع نابرابر باشند، آنگاه زاویه‌ی مقابل به ضلع بزرگتر، بزرگتر است از زاویه‌ی مقابل به ضلع کوچکتر.	۱/۲۵
۳	از تقاطع نیمساز‌های زاویه‌های داخلی یک مستطیل، یک مربع پدید می‌آید. رابطه‌ی بین طول ضلع این مربع و اضلاع مستطیل را به دست آورید.	+۰/۷۵
۴	ثابت کنید در هر مثلث، هر میانه از نصف مجموع دو ضلع مجاور آن کوچکتر است.	۱
۵	با استفاده از خط کش و پرگار خطی موازی یک خط از یک نقطه‌ی خارج آن خط رسم کنید. (مراحل رسم را توضیح دهید).	+۰/۷۵
۶	قضیه: ثابت کنید در یک دایره از دو وتر نا برابر، آن که بزرگتر است، به مرکز دایره نزدیکتر است، و برعکس.	۱/۵
۷	وضعیت دو دایره نسبت به هم را در حالت‌های زیر تعیین کنید. $d = 1$ ، $R' = \sqrt{2} - 1$ ، $R = 1 + \sqrt{2}$ (الف) $d = \frac{5}{6}$ ، $R' = \frac{1}{2}$ ، $R = \frac{1}{3}$ (ب)	+۰/۵
۸	با استفاده از تعریف زاویه‌ی محاطی، نشان دهید مجموع زاویه‌های داخلی هر مثلث $180^\circ$ است.	+۰/۷۵
۹	عکس قضیه (رابطه طولی در دایره): ثابت کنید اگر دو پاره خط $AA'$ و $BB'$ در نقطه $M$ یکدیگر را طوری قطع کنند که $MA \times MA' = MB \times MB'$ آنگاه چهار نقطه‌ی $A$ ، $B$ ، $A'$ و $B'$ روی یک دایره‌اند.	۱/۲۵
۱۰	مقدار $x$ را در هر یک از شکل‌های زیر بدست آورید.  	۱

«ادامه در صفحه‌ی دوم»

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۳:۰۰ : ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک
تاریخ امتحان: ۱۳۹۰ / ۱۰ / ۲۵	سال سوم آموزش متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۰	

ردیف	سوالات	نمره
۱۱	نقاط $O = (0, 0)$ و $P = (6, -2)$ و $Q = (7, 1)$ رأس های یک مثلث هستند. الف) نمودار مثلث $OPQ$ و تصویرش تحت تبدیل $(x, y) \rightarrow (-y, x)$ را رسم کنید. ب) طول و شیب ضلع $PQ$ از مثلث $OPQ$ و ضلع $P'Q'$ از مثلث تصویر را به دست آورید و با هم مقایسه کنید.	۱/۷۵
۱۲	سه مورد از ویژگیهای تجانس را بنویسید.	۰/۷۵
۱۳	خط $6 - 2x - 3y = 0$ و تصویرش را تحت انتقال $T(x, y) = (x + 4, y - 2)$ رسم کنید. سپس معادله خط تصویر را به دست آورید.	۱/۵
۱۴	در شکل روبرو عمود منصف $QS$ است. با استفاده از ویژگی های تبدیل بازتاب ثابت کنید: $\hat{S}PR = Q\hat{P}R$	۱
۱۵	جهای خالی را به طور مناسب پر کنید. الف) از هر نقطه مانند $A$ در فضا ..... خط می گذرد که با صفحه ای مانند $P$ موازی باشد. ب) اگر دو خط غیر موازی در دو صفحه ای متمايزو موازی قرارداشته باشند آنگاه باهم ..... هستند. پ) صفحه ای که در وسط یک پاره خط برآن عمود باشد، صفحه ای ..... آن پاره خط، می نامیم.	۰/۷۵
۱۶	ثابت کنید اگر خطی با دو صفحه ای متقاطع، موازی باشد. آنگاه، با فصل مشترک آن ها موازی است.	۱
۱۷	روش رسم هریک از موارد زیر را توضیح دهید. الف) از نقطه $A$ روی خط $L$ ، صفحه ای بر خط $L$ عمود کنید. ب) از نقطه $A$ خطی رسم کنید که بر صفحه $P$ عمود باشد.	۲
۱۸	ثابت کنید اگر خط $L$ بر صفحه $P$ عمود باشد، آنگاه هر خطی که بر خط $L$ عمود باشد با صفحه $P$ موازی است.	۱/۲۵
	«موفق باشید»	جمع نمره
		۲۰