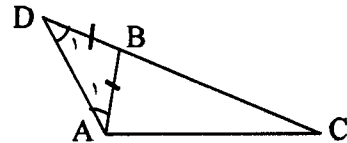


| | | |
|---|--|--|
| ساعت شروع: ۸ صبح | رشته‌ی: ریاضی فیزیک | راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) |
| تاریخ امتحان: ۱۳۹۱/۳/۳ | سال سوم آموزش متوسطه | |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir | دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ | |

| | | |
|------|---------------|------|
| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---------------|------|

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----|---|---------------------|---|--------|---|--------|-------|-------|---------------------|---|---|---|----|-------|-------|--|--|--|--|--------|--|--------|---|
| ۰/۵ | <table border="1"> <tr> <td>شماره شکل</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>۴</td> <td>.....</td> <td>n</td> </tr> <tr> <td>تعداد مثلث های کوچک</td> <td>۱</td> <td>۴</td> <td>۹</td> <td>۱۶</td> <td>.....</td> <td>n^2</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td>(۰/۲۵)</td> <td></td> <td>(۰/۲۵)</td> </tr> </table> | شماره شکل | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | | n | تعداد مثلث های کوچک | ۱ | ۴ | ۹ | ۱۶ | | n^2 | | | | | (۰/۲۵) | | (۰/۲۵) | ۱ |
| | | شماره شکل | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ | | n | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | تعداد مثلث های کوچک | ۱ | ۴ | ۹ | ۱۶ | | n^2 | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | (۰/۲۵) | | (۰/۲۵) | | | | | | | | | | | | | | | | | |

| | | |
|---|--|---|
| ۱ | <p>برهان: ضلع BC را از راس B امتداد می دهیم و به اندازه ی AB روی آن جدا می کنیم تا نقطه ی D به دست آید. سپس D را به A وصل می کنیم. (۰/۲۵) بنا بر این در مثلث ABD داریم:</p> <p>$BD = AB \Rightarrow \hat{D}_1 = \hat{A}_1$ (۰/۲۵)</p> <p>$DC = DB + BC \Rightarrow DC = AB + BC$ (۰/۲۵)</p> <p>همچنین در مثلث ADC داریم:</p> <p>با توجه به شکل $\hat{D}_1 > \hat{A}_1$ بنا بر این $\hat{D}_1 > \hat{A}_1$ نتیجه $DC > AC$ (۰/۲۵) بنا بر این $AB + BC > AC$</p> | ۲ |
|---|--|---|

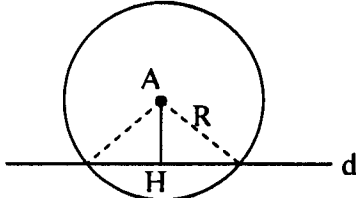


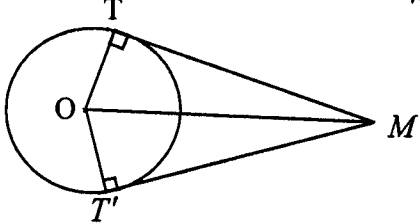
| | | |
|---|---|---|
| ۱ | <p>$PM = AK$ $AM = AM$ $\hat{M}_1 > \hat{A}_1$ (زاویه ی خارجی)</p> <p>$\left. \begin{matrix} \Delta AMP, \Delta AMK : \\ PM = AK \\ AM = AM \\ \hat{M}_1 > \hat{A}_1 \end{matrix} \right\} \xrightarrow{(۰/۲۵)} AP > MK$ (۰/۲۵)</p> <p>با توجه به قضیه ی لولا (۰/۲۵)</p> | ۳ |
|---|---|---|

| | | |
|------|---|---|
| ۱/۲۵ | <p>عمود منصف های دو ضلع AB و BC از مثلث ABC را رسم می کنیم تا یکدیگر را در M قطع کنند. (۰/۲۵) چون M روی عمود منصف BC است پس (۱) $MB = MC$ (۰/۲۵) و چون M روی عمود منصف AB است، پس (۲) $MA = MB$ (۰/۲۵) از (۱) و (۲) نتیجه می شود (۰/۲۵) $MA = MC$</p> <p>بنا بر این نقطه ی M از دوسر پاره خط AC به یک فاصله است. یعنی نقطه ی M روی عمود منصف AC است. (۰/۲۵)</p> <p>پس عمود منصف های ضلع های هر مثلث هم رسند.</p> | ۴ |
|------|---|---|

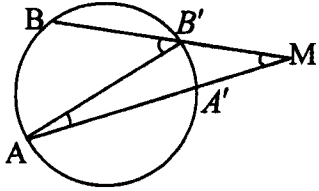
| | | |
|--|---------------------|---|
| راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) | رشته‌ی: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۸ صبح |
| سال سوم آموزش متوسطه | | تاریخ امتحان: ۱۳۹۱/۳/۳ |
| دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ | | مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir |

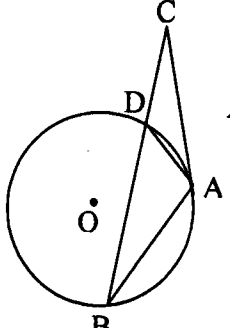
| | | |
|------|---------------|------|
| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---------------|------|

| | | |
|---|--|---|
| ۵ | <p>دایره ای به شعاع R و به مرکز A را رسم می کنیم. محل برخورد این دایره با خط d جواب مساله است. (۰/۲۵)</p> <p>اگر $AH > R$ مساله جواب ندارد (۰/۲۵)</p> <p>اگر $AH = R$ مساله یک جواب دارد. (۰/۲۵)</p> <p>اگر $AH < R$ مساله دو جواب دارد. (۰/۲۵)</p> |  |
|---|--|---|

| | | |
|---|---|---|
| ۶ | <p>چون شعاع در نقطه ی تماس بر خط مماس عمود است نتیجه می گیریم: $\hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ$</p> <p>$\begin{cases} \hat{T} = \hat{T}' = 90^\circ \\ OT = OT' \quad (۰/۵) \\ OM = OM \end{cases} \Rightarrow \triangle OMT \cong \triangle OMT' \quad (۰/۵)$</p> <p>$\Rightarrow MT = MT' \quad (۰/۲۵)$</p> |  |
|---|---|---|

| | | |
|---|---|--|
| ۷ | <p>$R = \frac{a}{2\sin \alpha} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow R = \frac{4}{2\sin 30^\circ} = 4 \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$OH = R \cos \alpha \quad (۰/۲۵) \Rightarrow OH = 4 \cos 30^\circ = 2\sqrt{3} \quad (۰/۲۵)$</p> | |
|---|---|--|

| | | |
|---|---|---|
| ۸ | <p>امتداد وترهای AA' و BB' از دایره ی C در نقطه ی M یکدیگر را قطع کرده اند. پاره خط AB' را رسم می کنیم.</p> <p>$\triangle AMB' \quad (\text{زاویه ی خارجی مثلث } AMB') \quad \hat{A}B'B = \hat{B}'AM + \hat{A}MB' \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$\Rightarrow \hat{A}MB' = \hat{A}B'B - \hat{B}'AM = \frac{\widehat{AB}}{2} - \frac{\widehat{A'B'}}{2} \quad (۰/۵)$</p> <p>$\Rightarrow \hat{A}MB = \hat{A}MB' = \frac{\widehat{AB} - \widehat{A'B'}}{2}$</p> |  |
|---|---|---|

| | | |
|---|--|---|
| ۹ | <p>$\triangle ABC: \begin{cases} AC = AB \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} \quad (۰/۲۵) \\ \hat{B} = \frac{\widehat{AD}}{2} \quad \text{مخاطی} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \hat{D}AC = \hat{C} \Rightarrow DC = DA \quad (۰/۲۵) \\ \hat{D}AC = \frac{\widehat{AD}}{2} \quad \text{ظلی} \quad (۰/۲۵) \end{cases}$</p> |  |
|---|--|---|

« ادامه ی راهنما در صفحه ی سوم »

| | | |
|---|--|--|
| ساعت شروع: ۸ صبح | رشته‌ی: ریاضی فیزیک | راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) |
| تاریخ امتحان: ۱۳۹۱/۳/۳ | سال سوم آموزش متوسطه | |
| مرکز سنجش آموزش و پرورش http://ace.medu.ir | دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ | |

| | | |
|------|---------------|------|
| نمره | راهنمای تصحیح | ردیف |
|------|---------------|------|

| | | |
|------|---|----|
| ۱/۲۵ | <p>یک مماس مشترک داخلی (۰/۲۵) و دو مماس مشترک خارجی (۰/۲۵) دارد.</p> $R = 4 \quad TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \quad (0/25)$ $R' = 9 \quad TT' = \sqrt{(R + R')^2 - (R - R')^2} \quad (0/25)$ $TT' = \sqrt{169 - 25} = \sqrt{144} = 12 \quad (0/25)$ | ۱۰ |
|------|---|----|

| | | | |
|---|---|----------------------|----|
| ۲ | <p>الف) $T(x, y) = (x - 5, y - 2)$</p> $\left. \begin{aligned} A(6, 1) &\rightarrow A'(1, -1) \\ B(8, 3) &\rightarrow B'(3, 1) \\ C(6, 5) &\rightarrow C'(1, 3) \\ D(4, 3) &\rightarrow D'(-1, 1) \end{aligned} \right\} (0/25)$ <p>ب) $AB = \sqrt{(8-6)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$ $A'B' = \sqrt{(3-1)^2 + (1-(-1))^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2} \Rightarrow AB = A'B' \quad (0/25)$</p> $\left. \begin{aligned} m_{AB} &= \frac{3-1}{8-6} = 1 \\ m_{A'B'} &= \frac{1-(-1)}{3-1} = 1 \end{aligned} \right\} (0/25) \Rightarrow m_{AB} = m_{A'B'} \quad (0/25)$ <p>ج) بله، چون تبدیل انتقال ایزومتري است. (۰/۲۵)</p> | <p>رسم شکل (۰/۵)</p> | ۱۱ |
|---|---|----------------------|----|

| | | | |
|-----|--|----------------------|----|
| ۱/۵ | <p>$L: 3x - 2y - 12 = 0$</p> $D(x, y) = \left(\frac{1}{2}x, \frac{1}{2}y\right)$ $A(0, -6) \xrightarrow{D} A'(0, -3) \quad (0/25)$ $B(4, 0) \xrightarrow{D} B'(2, 0) \quad (0/25)$ $m' = \frac{0+3}{2-0} = \frac{3}{2} \quad (0/25) \Rightarrow L': y - 0 = \frac{3}{2}(x - 2) \quad (0/25) \Rightarrow y = \frac{3}{2}x - 3$ | <p>رسم شکل (۰/۵)</p> | ۱۲ |
|-----|--|----------------------|----|

باسمه تعالی

| | | |
|--|---------------------|---|
| راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲) | رشته‌ی: ریاضی فیزیک | ساعت شروع: ۸ صبح |
| سال سوم آموزش متوسطه | | تاریخ امتحان: ۱۳۹۱/۳/۳ |
| دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱ | | مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir |

| ردیف | راهنمای تصحیح | نمره |
|------|---|------|
| ۱۳ | تحت یک دوران 60° حول نقطه ی C، مثلث ACD، روی مثلث BCE تصویر می شود. (۰/۲۵) بنابراین $AD \rightarrow BE$ (۰/۲۵) و اضلع BE را با زاویه 60° قطع می کند. (۰/۲۵) چون طول تحت دوران حفظ می شود پس $AD=BE$ (۰/۲۵) و همچنین $\hat{AFB} = 60^\circ$. | ۱ |
| ۱۴ | الف) نادرست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵) ت) نادرست (۰/۲۵) | ۱ |
| ۱۵ | برای اثبات این قضیه دو حالت موازی بودن یک خط و یک صفحه در فضا را در نظر می گیریم. الف) خط L در صفحه ی P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه گذرنده از L باشد که P را در خط L' قطع می کند. (۰/۲۵) L و L' هر دو در صفحه ی P' هستند و یکدیگر را قطع نمی کنند (۰/۲۵) زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می شود که خط L صفحه ی P را قطع می کند. که این خلاف فرض است. (۰/۲۵) پس باهم موازیند. (۰/۲۵) ب) خط L در صفحه ی P قرار دارد. پس در این حالت هر صفحه ی P' متمایز از P که از L می گذرد صفحه ی P را در همان خط L قطع می کند. (۰/۲۵) و درستی قضیه روشن است. | ۱/۲۵ |
| ۱۶ | از دو خط L_1 و L_2 صفحه ی P را می گذرانیم (۰/۲۵) اگر L_3 در صفحه ی P باشد، حکم برقرار است (۰/۲۵) در صورتی که L_3 در صفحه ی P نباشد. چون L_3 با L_1 و L_2 متقاطع است. پس صفحه ی P را در نقطه ی مشترک L_1 و L_2 قطع می کند. (۰/۲۵) زیرا در غیر این صورت باید صفحه را در دو نقطه ی متمایز قطع کند. (۰/۲۵) یعنی L_3 به تمامی در صفحه ی P قرار می گیرد. که این خلاف فرض است. (۰/۲۵) | ۱/۲۵ |
| ۱۷ | فرض کنیم $P \parallel P'$ و $d \subset P$ اگر خط d با صفحه ی P' متقاطع باشد پس صفحه ی P با صفحه ی P' متقاطع خواهد بود که این خلاف فرض است پس $d \parallel P'$. (۰/۲۵) بعکس فرض کنیم هر خط مانند d از صفحه ی P با صفحه ی P' موازی باشد. (۰/۲۵) اگر صفحه ی P با صفحه ی P' متقاطع باشد آنگاه در یک خط مانند L مشترک خواهند بود (۰/۲۵) اگر خط d در صفحه P متقاطع با L در نقطه ی A رسم شود خط d صفحه ی P' را در نقطه ی A قطع کرده است که این خلاف فرض است. (۰/۲۵) پس $P \parallel P'$ | ۱ |
| ۱۸ | الف) دو خط در فضا را که در یک صفحه قرار نمی گیرند، دو خط متناظر می گوئیم. (۰/۵) ب) فرض کنید خط L بر صفحه ی P عمود است و آن را در نقطه ی A قطع کرده است. فرض کنید L' خط دلخواهی در صفحه ی P باشد. از نقطه ی A در صفحه ی P خط L'' را به موازات L' رسم می کنیم. (۰/۲۵) از آنجا که L بر L'' عمود است و L' با L'' موازی است، L بر L' هم عمود است. (۰/۵) | ۱/۲۵ |

مصححین محترم: لطفاً به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بازم به تناسب منظور شود.