

پاسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان: ۱۰ / ۳ / ۱۳۹۱		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$p(1) : 1 + \sqrt{3} \geq 1 + \sqrt{3} \quad (0/25)$ $p(k) : (1 + \sqrt{3})^k \geq 1 + k\sqrt{3}$ $p(k+1) : (1 + \sqrt{3})^{k+1} \geq 1 + (k+1)\sqrt{3} \quad (0/25)$ <p style="text-align: center;">دو طرف فرض را در <math>1 + \sqrt{3}</math> ضرب می‌کنیم.</p> $(1 + \sqrt{3})^k (1 + \sqrt{3}) \geq (1 + k\sqrt{3})(1 + \sqrt{3}) \quad (0/25)$ $(1 + \sqrt{3})^{k+1} \geq (1 + k\sqrt{3})(1 + \sqrt{3})$ $(1 + k\sqrt{3})(1 + \sqrt{3}) \geq 1 + (k+1)\sqrt{3} \quad (0/25)$ $\Rightarrow 1 + \sqrt{3} + k\sqrt{3} + 3k \geq 1 + k\sqrt{3} + \sqrt{3} \quad \Rightarrow 3k \geq 0 \quad (0/25)$	۱/۲۵
۲	<p style="text-align: right;">باید ثابت کنیم :</p> <p style="text-align: right;">بدیهی است</p> <p style="text-align: right;">الف) درست است (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right;">الف) راه حل دوم :</p> <p style="text-align: right;">ب) نادرست است. (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right;">پ) نادرست است. (۰/۲۵)</p>	۱/۷۵
۳	<p style="text-align: right;">هر عدد یک کبوتر (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right;">هر باقیمانده بر ۲۴ یک لانه (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right;">طبق اصل لانه کبوتری (۰/۲۵) <math>50 = 2 \times 24 + 2</math> پس حداقل در یکی از لانه‌ها <math>2 + 1 = 3</math> کبوتر خواهد بود. یعنی حداقل ۳ عدد باقیمانده یکسان بر ۲۴ دارند.</p>	۱
۴	$a^2 + b^2 + c^2 + ۳ \geq ۲a + ۲b + ۲c \Leftrightarrow$ $a^2 + b^2 + c^2 + ۱ + ۱ + ۱ - ۲a - ۲b - ۲c \geq ۰ \Leftrightarrow \quad (0/25)$ $(a^2 - ۲a + ۱) + (b^2 - ۲b + ۱) + (c^2 - ۲c + ۱) \geq ۰ \Leftrightarrow \quad (0/25)$ $(a - ۱)^2 + (b - ۱)^2 + (c - ۱)^2 \geq ۰$ <p style="text-align: right;">عبارت همواره درست است و بر طبق استدلال برگشتی برقرار می‌باشد. (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: right;">ادامه در صفحه‌ی دوم «</p>	۰/۷۵

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان ۱۰ / ۳ / ۱۳۹۱		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سوسازکشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۵	$n \neq 2k+1 \Rightarrow n = 2k \quad (0/25)$ $5n + 3 = 5(2k) + 3 = 1 \cdot k + 3 = 2(5k+1) + 1 = 2q + 1 \quad (0/25)$ $(0/25)$ این تناقض نشان می‌دهد که فرض خلف نادرست است.	
۶	$A = \{2, 4\} \quad (0/25), \quad B = \{1, 4, 9\} \quad (0/25)$ $A \Delta B = (A \cup B) - (A \cap B) = \{2, 4, 1, 9\} - \{4\} = \{2, 1, 9\} \quad (0/5)$ $(A \Delta B) \times A = \{2, 1, 9\} \times \{2, 4\} = \{(2, 2), (2, 4), (1, 2), (1, 4), (9, 2), (9, 4)\} \quad (0/5)$ رسم نمودار مختصاتی آن $(0/5)$	
۷	$(C \cap A \cap B) \cup (A - C) \cup (A - B) = (C \cap A \cap B) \cup (A \cap C') \cup (A \cap B') = \quad (0/25)$ $A \cap [(C \cap B) \cup (C' \cup B')] = A \cap [(C \cap B) \cup (C \cap B')'] = A \cap U = A \quad (0/25)$ $(0/25)$ $\text{پ) } A \subseteq B \Rightarrow (A \cup B) = B \quad (0/25) \Rightarrow (A \cup B)' = B' \quad (0/25) \Rightarrow$ $A' \cap B' = B' \quad (0/25) \Rightarrow B' \subseteq A' \quad (0/25)$	
۸	$\forall (a, b) \in R^{\circ}, (a, b) R (a, b) \Rightarrow ab = ab \quad (0/25)$ (الف) $(a, b) R (c, d) \Rightarrow (c, d) R (a, b)$ $(a, b) R (c, d) \Rightarrow ab = cd \Rightarrow cd = ab \Rightarrow (c, d) R (a, b) \quad (0/25)$ $(0/25)$ $(a, b) R (c, d) \Rightarrow ab = cd \Rightarrow ab = ef \Rightarrow (a, b) R (e, f)$ $(c, d) R (e, f) \quad (0/25)$ $ab = cd \quad (0/25)$ $cd = ef \quad (0/25)$ $ab = ef \Rightarrow (a, b) R (e, f) \quad (0/5)$ رابطه تعددی هر سه خاصیت را دارد پس هم ارزی است. $\text{پ) } [(-1, 2)] = \{(x, y)   (x, y) R (-1, 2)\} \Rightarrow \{(x, y)   xy = -2\} \quad (0/25)$ $(0/25)$ «ادامه در صفحه ی سوم»	

با اسمه تعالی

ساعت شروع : ۸ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان ۱۳۹۱ / ۳ / ۱۰		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	$S = \{(1,1,1), (1,1,2), (1,2,1), (2,1,1), (1,2,2), (2,1,2), (2,2,1), (2,2,2)\} \quad (0/75)$	
۱۰	<p>الف) <math>A = \{(1,2,1), (1,2,2), (2,1,1), (2,1,2)\} \quad (0/5)</math></p> <p>ب) <math>B = \{(1,1,1), (1,1,2), (2,1,1), (2,1,2)\} \quad (0/5)</math></p> <p>ت) <math>B - A = \{(1,1,1), (1,1,2)\} \quad (0/25)</math></p>	۲
۱۱	$p(A) = \frac{\binom{(\cdot/25)}{C(5,2)} \times \binom{(\cdot/25)}{C(10,1)}}{\binom{(\cdot/25)}{C(15,3)}} = \frac{100}{455} = \frac{20}{91}$ $p(B) = \frac{\binom{(\cdot/25)}{C(5,1)} \times \binom{(\cdot/25)}{C(8,1)} \times \binom{(\cdot/25)}{C(4,1)}}{\binom{(\cdot/25)}{C(15,3)}} = \frac{120}{455} = \frac{24}{91}$	۱/۵
۱۲	$p(A) = \frac{\binom{n}{k}}{\binom{(\cdot/25)}{2^n}} = \frac{\binom{12}{4}}{\binom{(\cdot/25)}{2^{12}}} \quad (0/25)$ $p(a) + p(b) + p(c) = 1 \quad (0/25)$ $p(a) = \frac{1}{3} p(b)$ $p(b) = \frac{1}{3} p(c)$ $p(c) = x \quad \frac{1}{6}x + \frac{1}{3}x + x = 1 \Rightarrow x = \frac{6}{9} \quad (0/25)$ $p(a) = \frac{1}{9}, \quad p(b) = \frac{2}{9}, \quad p(c) = \frac{4}{9} \quad (\text{الف}) \quad (0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$ $p\{b, c\} = p(b) + p(c) = \frac{2}{9} + \frac{4}{9} = \frac{6}{9} \quad (\text{ب}) \quad (0/25) \quad (0/25)$	۰/۷۵
	«ادامه در صفحه چهارم»	

پاسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تاریخ امتحان ۱۴۹۱ / ۳ / ۱۰		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۴۹۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	$p(A) = \frac{a_A}{a_S} = \frac{\frac{1}{4}\pi}{\frac{16}{4}} = \frac{\pi}{64} \quad (./25)$ $(./25) \quad (./25)$	۱/۵
۱۴	$P(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B) \quad (./25)$ $\frac{2}{3} = p(A) - p(A \cap B) + \frac{1}{4} \quad (./25)$ $(./5)$ $\frac{2}{3} = p(A - B) + \frac{1}{4} \Rightarrow p(A - B) = \frac{2}{3} - \frac{1}{4} = \frac{5}{12} \quad (./25)$ $(./25)$	۱/۵
	«موفق باشید»	۲۰ جمع نمره