

باسمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸/۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان ۱۳/۱۰/۱۳۹۱		
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱		مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

ردیف	سؤالات	نمره
------	--------	------

۱	جاهای خالی را با یکی از کلمات (شهودی - تمثیلی - استقرایی - استنتاجی) کامل کنید: الف) استدلال ..... روش نتیجه گیری کلی بر مبنای مجموعه محدودی از مشاهدات است. ب) استدلال ..... روش نتیجه گیری کلی با استفاده از حقایقی است که درستی آنها را پذیرفته ایم.	۰/۵
۲	با استفاده از اصل استقرای ریاضی، برای هر عدد طبیعی $n$ ، ثابت کنید: $2 + 6 + 10 + \dots + (4n - 2) = 2n^2$	۱/۲۵
۳	کدام یک از عبارات های زیر درست و کدام یک نادرست است؟ برای عبارات های نادرست مثال نقض بیاورید. الف) حاصل ضرب هر دو عدد گنگ، عددی گویاست. ب) مربع هر عدد فرد به اضافه یک، عددی زوج است. پ) برای هر عدد طبیعی $n$ آنگاه $2^n + 3$ عددی اول است.	۱/۲۵
۴	پنج نقطه داخل مربعی به ضلع ۲ مفروض اند، ثابت کنید حداقل فاصله دو نقطه از این پنج نقطه کمتر از $\sqrt{2}$ است.	۱
۵	اگر $a, b$ دو عدد حقیقی باشند، با استفاده از اثبات بازگشتی ثابت کنید: $2a^2 + b^2 + 1 \geq 2(a - ba)$	۱
۶	با استفاده از برهان خلف، ثابت کنید اگر $\sqrt{3}$ گنگ باشد آنگاه $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ نیز عددی گنگ است.	۱
۷	مجموعه های $A = \{2k + 1 \mid k \in \mathbb{Z}, -2 < k < 2\}$ و $B = \{x \in \mathbb{N} \mid x^2 \leq 4\}$ مفروضند: الف) مجموعه های $A, B$ را با نوشتن اعضا مشخص کنید. ب) اعضای مجموعه $A \Delta B$ را معین کنید. ج) اعضای مجموعه $B^2 - (A \times B)$ را مشخص کنید.	۲
۸	با استفاده از قوانین جبر مجموعه ها، ثابت کنید: $(A - B) \cap (B - A) = \Phi$	۱/۵
۹	رابطه ی $R$ روی $\mathbb{Z}^2 - \{(0,0)\}$ به صورت زیر تعریف شده است: $(x, y) R (z, t) \Leftrightarrow x^2 + 5y^2 = z^2 + 5t^2$ الف) نشان دهید که $R$ یک رابطه هم ارزی است. ب) کلاس هم ارزی $[(-2, 1)]$ را مشخص کنید.	۲
	« ادامه ی سؤالات در صفحه ی دوم »	

باسمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸/۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه		تاریخ امتحان ۱۳/۱۰/۱۳۹۱	
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱		مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

ردیف	سؤالات	نمره
------	--------	------

۱۰	در عبارتهای زیر فضای نمونه پیوسته و گسسته را مشخص نمایید. الف) فضای نمونه طول عمر یک لامپ ب) فضای نمونه پرتاب یک سکه و یک تاس	۰/۵
۱۱	اگر $A$ و $B$ دو پیشامد معین باشند، پیشامد "تنها یکی از دو پیشامد $A$ و $B$ اتفاق بیفتد" را با استفاده از نمودار ون نمایش دهید.	۱
۱۲	تاس سالمی را $۱۰$ بار پرتاب می کنیم، احتمال آن که $۷$ بار عدد روی تاس فرد ظاهر شده باشد، چقدر است؟	۱
۱۳	سکه سالمی را پرتاب می کنیم اگر پشت بیاید $۲$ بار دیگر سکه را پرتاب می کنیم و اگر رو بیاید تاس سالمی را می ریزیم، مطلوب است احتمال آن که: الف) تاس زوج بیاید. ب) سکه فقط دو بار پشت بیاید.	۲
۱۴	دو عدد حقیقی به طور تصادفی بین $۰$ و $۲$ انتخاب می شوند، مطلوب است احتمال آن که مجموع دو عدد بین $۱$ و $۲$ باشد.	۲
۱۵	برای دو پیشامد $A$ و $B$ از فضای نمونهی $S$ ثابت کنید: $P(A \cap B') = P(A) - P(A \cap B)$	۲
۲۰	جمع نمره	« موفق باشید »