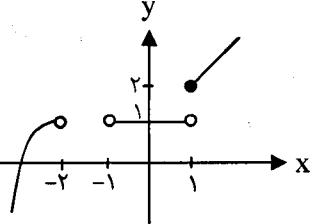


با اسمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸:۳۰ صبح	رشته: علوم تجربی
تاریخ امتحان: ۱۰ / ۵ / ۱۳۹۱		سال سوم آموزش متوسطه	
دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱		مرکز سنجش آموزش و پژوهش	
<a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			

ردیف	سوالات	نمره
۱	یک تاس و یک سکه را با هم پرتاپ می‌کنیم. الف) فضای نمونه‌ی این تجربه‌ی تصادفی را بنویسید. ب) پیشامدی را بنویسید که در آن تاس زوج یا سکه پشت بیابد.	۱/۲۵
۲	احتمال قبولی علی در کنکور $\frac{3}{10}$ و احتمال قبولی حسن در کنکور $\frac{4}{10}$ است. احتمال آن که حداقل یکی از این دو نفر در کنکور قبول شوند، چه قدر است؟	۱
۳	در جعبه‌ای ۴ مهره‌ی سفید و ۷ مهره‌ی سیاه موجود است. دو مهره به تصادف با هم خارج می‌کنیم. احتمال هریک از پیشامدهای زیر را تعیین کنید. الف) دو مهره غیر هم رنگ باشند. ب) حد اکثر یک مهره سفید باشد.	۱/۷۵
۴	نا معادله‌ی $\frac{6-x^2}{x} > 1$ را حل کرده و مجموعه‌ی جواب را به صورت بازه نشان دهید.	۱/۵
۵	نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2 & x > 0 \\ 3 & x \leq 0 \end{cases}$ را درسم کنید.	۰/۵
۶	اگر $\alpha$ زاویه‌ای حاده و $\beta$ زاویه‌ای منفرجه باشد و $\sin \beta = \frac{2}{5}$ و $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ آن‌گاه حاصل $\sin(\alpha + \beta) = \frac{2}{5} \sin \alpha + \frac{1}{3} \cos \alpha$ است. این را به دست آورید.	۱/۵
۷	دو تابع $f(x) = \sqrt{x+3}$ و $g(x) = 4-x$ مفروض اند. الف) ضابطه‌ی تابع مرکب $fog$ را بنویسید. ب) دامنه‌ی تابع مرکب $fog$ را با استفاده از تعریف به دست آورید. ب) مقدار $\frac{3g(0)-f(6)}{3}$ را محاسبه کنید.	۲/۲۵
۸	مقادیر $a$ و $b$ را طوری تعیین کنید که سهمی $f(x) = ax^2 + bx$ از نقطه‌ی (۳, ۵) بگذرد و تساوی $f(-1) = 3$ برقرار باشد.	۱/۲۵
	«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»	

سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	ساعت شروع: ۸:۳۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴ / ۵ / ۱۳۹۱	سال سوم آموزش متوسطه	
دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱	مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

ردیف	سؤالات	نمره
۹	نmodار تابع $f$ به صورت زیر داده شده است. با توجه به نmodار، حاصل حد های خواسته شده را به دست آورید.  الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ ب) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ج) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ د) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$	۱
۱۰	حاصل هر یک از حد های زیر را به دست آورید. الف) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{2x - 6}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x + \sqrt{x-2}}{5x^2 - 6x + 1}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x) \tan(2x)}{x^3}$	۲/۷۵
۱۱	تابع $f(x) = \begin{cases} ax + 1 & x > -2 \\ 13 & x = -2 \\ 2ax^2 + bx - 1 & x < -2 \end{cases}$ به طول $x = -2$ پیوسته باشد.	۱/۲۵
۱۲	معادلهی حرکت یک متحرک به صورت $f(t) = 5t + 2$ می باشد. آهنگ متوسط تغییر این تابع را وقتی متغیر از $t_1 = 1$ به $t_2 = 3$ تغییر می کند، تعیین کنید.	۱
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن الزامی نیست) الف) $f(x) = \sqrt{x^2 - 4x}$ ب) $g(x) = \sin(3x) \cot x$ ج) $h(x) = \frac{6x + 2}{x(3x - 1)}$	۲
۱۴	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = \sqrt{x-1}$ را در نقطه ای به طول $x = 5$ به دست آورید.	۱
	«موفق باشید»	جمع نمره
		۲۰