

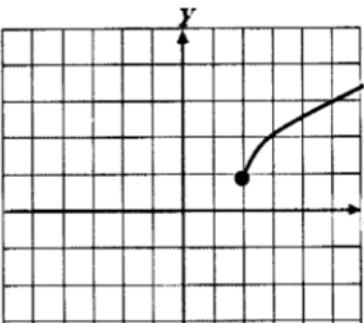
با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۷ / ۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$P(-1) = 2 - m + 2 = 2 \quad (./25) \Rightarrow m = 2 \quad (./25) \Rightarrow P(1) = 6 \quad (./25)$	۰/۷۵
۲	$\alpha = 2 + \beta, S = 4 \quad (./25)$ $S = \alpha + \beta = 2 + 2\beta \quad (./25) \Rightarrow 4 = 2 + 2\beta \Rightarrow \beta = 1 \quad (./25) \Rightarrow \alpha = 3 \quad (./25), m = 6 \quad (./25)$	۱/۲۵
۳	$y = x^2 + 2x + 1 \quad (./5)$ $x = 0 \quad (./25), x = -1 \quad (./25)$	۱/۲۵
۴	$-1 < 2x - 1 < 1 \quad (./25) \Rightarrow 0 < 2x < 2 \quad (./25) \Rightarrow 0 < x < 1 \quad (./25)$	۰/۷۵
۵	$D_f = R \quad (./25)$ $R_f = R \quad (./25)$ 	۱/۲۵
۶	$D_f = R \quad (./25), D_g = [-2, +\infty) \quad (./25)$ الف) $D_{gof} = \{x \in D_f f(x) \in D_g\} \Rightarrow x - 1 \geq -2 \quad (./25) \Rightarrow D_{gof} = [-1, +\infty) \quad (./25)$ ب) $g(f(x)) = \sqrt{x-1+2} = \sqrt{x+1} \quad (./25)$ ج) $\frac{f(2)}{g(2)} = \frac{1}{2} \quad (./25)$	۱/۷۵
۷	الف) $\frac{2\pi}{3} \quad (./25)$ ب) $2 \quad (./25)$ ج) $f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x} \quad (./5)$	۱
۸	$\cos 2\alpha = \underbrace{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha}_{(./25)} = \underbrace{(1 - \sin^2 \alpha) - \sin^2 \alpha}_{(./25)} = 1 - 2\sin^2 \alpha \quad (./25)$	۰/۷۵
۹	$\Delta x = 2k\pi + 2x \quad (./25) \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} \quad (./25)$ $\Delta x = 2k\pi + (\pi - 2x) \quad (./25) \Rightarrow \pi - x = (2k+1)\pi \quad (./25) \Rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{2} \quad (./25)$	۱/۲۵

با اسمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	$\sin^{-1}(\sin(\pi + \frac{\pi}{3})) = \sin^{-1}(-\frac{\sqrt{3}}{2}) = -\frac{\pi}{3}$ (۰/۲۵)	۱
۱۱	 $y = \sqrt{x-2} + 1$ (۰/۵) $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = 1$ (۰/۲۵)	۱
۱۲	الف $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x^2-4} \times \frac{\sqrt{x+1}+2}{\sqrt{x+1}+2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(0/25)}{(x-2)(x+2)(\sqrt{x+1}+2)(0/25)} = \frac{1}{24}$ (۰/۲۵) ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3(1-\cos 2x)}{x^2} (0/25) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 \times 2 \sin^2 x}{x^2} (0/25) = \lim_{x \rightarrow 0} 6 \times \frac{\sin x}{x} \times \frac{\sin x}{x} (0/25) = 6$ (۰/۲۵)	۲
۱۳	پیوسته نیست (۰/۲۵). زیرا $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} (4-3x) = 1$ (۰/۲۵) , $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (2x^2+1) = 3$ (۰/۲۵) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ (۰/۲۵)	۱
۱۴	مشتق پذیر نیست (۰/۲۵). زیرا $f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2-1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)(x+1)}{x-1} = 2$ (۰/۲۵) , $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{3(x-1)}{x-1} = 3$ (۰/۲۵)	۱/۵
۱۵	الف) $f'(x) = \frac{(9x^2(5x-1)-5(2x^2+5))}{(5x-1)^2} (0/25)$ ب) $g'(x) = \frac{10 \cos 5x + (-5)(0/25)}{\sqrt{1-x^2}} (0/25)$	۱/۷۵
۱۶	$f'(x) = \frac{2}{2\sqrt{2x+1}} (0/25) \Rightarrow f'(1) = \frac{1}{3}$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۱۷	$S(r) = \pi r^2 (0/25) \Rightarrow S'(r) = 2\pi r (0/25) \Rightarrow S'(2) = 4\pi$ (۰/۵)	۱

همکاران محترم، لطفاً به سایر راه حل های صحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید. با تشکر طراحان