

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۶ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$s_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$ $(0/25) \rightarrow s_{19} = \frac{20}{2} [2(-5) + 19 \times 5] = 85 \cdot (0/25)$	۱
۲	$(x^2 - 1)^2 = t$ $(0/25)$ $t^2 + t - 2 = 0$ $(0/25) \rightarrow \begin{cases} (x^2 - 1)^2 = 1 \rightarrow x^2 = 2 \rightarrow x = \pm\sqrt{2} & (0/25) \\ x^2 = 0 \rightarrow x = 0 & (0/25) \end{cases}$ $(x^2 - 1)^2 = -2$ جواب ندارد $(0/25)$	۱/۲۵
۳	$21 \times (2x)^5$ $(0/5)$	۰/۵
۴	$x = 3$ $(0/5)$ جواب	۱/۲۵
۵	a) $f+g = \{(1, 2), (2, 8)\}$ $(0/5)$ b) $(g \circ f)(3) = g(3) = 5$ $(0/5)$	۱
۶	در بازه‌ی $(1, +\infty)$ صعودی است $(0/25)$ در بازه‌ی $(-\infty, 0)$ نزولی است $(0/25)$ ثابت $(0/25)$ در بازه‌ی $[0, 1]$	۱/۵

ادامه در صفحه‌ی دوم

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۶ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://ace.medu.ir">http://ace.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۷	$D_f = x \geq -3$ $f(x_1) = f(x_r) \rightarrow \sqrt{x_1 + 3} - 5 = \sqrt{x_r + 3} - 5 \rightarrow \sqrt{x_1 + 3} = \sqrt{x_r + 3} \rightarrow x_1 = x_r \quad (./75)$ یک به یک است $y = \sqrt{x+3} - 5 \rightarrow y + 5 = \sqrt{x+3} \rightarrow (y+5)^2 = x+3 \rightarrow (y+5)^2 - 3 = x \rightarrow f^{-1}(x) = (x+5)^2 - 3 \quad (./75)$	۱/۵
۸	$\sin 75^\circ = \sin(30^\circ + 45^\circ) = \sin 30^\circ \times \cos 45^\circ + \sin 45^\circ \times \cos 30^\circ \quad (./5)$ $= \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4} \quad (./5)$	۱
۹	$\sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = 1 \quad (./25) \rightarrow$ $\sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad (./25) \rightarrow \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \sin \frac{\pi}{4} \quad (./25)$ $\begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \quad (./25) \\ x = 2k\pi + \pi \quad (./25) \end{cases}$	۱/۲۵
۱۰	$\tan \frac{\pi}{4} = 1 \quad (./25) \rightarrow \sin^{-1}(1) = \frac{\pi}{4} \quad (./5)$	۰/۷۵
۱۱	رسم نمودار با شرط های خواسته شده (۱)	۱
۱۲	(الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{\cos x - \sin x} \quad (./25) = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}{\cos x - \sin x} \quad (./25)$ $= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} (\cos x + \sin x) = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2} \quad (./5)$  (ب) $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(x-\pi)(x+\pi)}{(x-\pi)(x+\pi)} \quad (./25) = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{x+\pi}{x-\pi} = \frac{\pi}{\pi} = 1 \quad (./5)$	۲
ادامه در صفحه ی سوم		

با سمهه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۶ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://ace.medu.ir">http://ace.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$f(1) = 1 - a + 1 = 2 - a \quad (\cdot / 25)$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} (x - 2a) = 1 - 2a \quad (\cdot / 25)$ $2 - a = 1 - 2a \quad (\cdot / 25) \rightarrow a = -1 \quad (\cdot / 25)$	۱
۱۴	$y' = \frac{(3x^2)(3x-1) - (3)(x^3)}{(3x-1)^2} \quad (\text{الف})$ $y' = \frac{\Delta \cos \Delta x}{\sqrt{\sin \Delta x}} \quad (\cdot / 25)$ $y' = 2 \times \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \quad (\cdot / 25) \quad (\text{ج})$	۲/۵
۱۵	$y = x \rightarrow m_1 = 1 \quad (\cdot / 25)$ $y' = 2x + 3 \quad (\cdot / 25) \rightarrow m_2 = 2a + 3$ $2a + 3 = 1 \quad (\cdot / 25) \rightarrow a = -1 \quad (\cdot / 25) \rightarrow A(-1, -2) \quad (\cdot / 25)$	۱/۲۵
۱۶	$f'(a) = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} \rightarrow f'(5) = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x) - f(5)}{x - 5} \quad (\cdot / 5) = \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x - 5} \quad (\cdot / 25) =$ $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x-5)(x+5)}{x-5} \quad (\cdot / 25) = 10 \quad (\cdot / 25)$	۱/۲۵

همکاران محترم ضمن عرض خسته نباشد لطفا به راه حل های صحیح غیر از راهنمای تصحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید.

با تشکر طراحان