

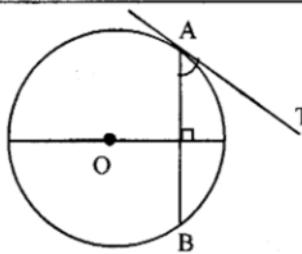
باسم‌هه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	مدت امتحان: ۱۳۵	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه(۲)
تاریخ امتحان: ۹۳/۳/۱۷	سال سوم آموزش متوسطه	تعداد صفحه: ۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.

۱	با استفاده از استدلال استقرایی ورسم چند ضلعی های محدب تا ۵ ضلعی جدول زیر را کامل کرده و رابطه ای که مجموع زاویه های داخلی یک n ضلعی محدب را بیان می کند، بیابید.	۰/۷۵
۲	قضیه: با استفاده از برهان خلف ثابت کنید، اگر در مثلثی دو زاویه نابرابر باشند، خلیع رو به رو به زاویه‌ی بزرگتر، بزرگتر است از خلیع روی زاویه‌ی کوچکتر.	۱
۳	سه خلیع مثلثی ۷، ۱۲ و ۱۶ سانتی مترند، اندازه‌ی پاره خطها بی که نیمساز درونی زاویه‌ی کوچکتر مثلث بر خلیع مقابل آن پیدید می آورد را تعیین کنید.	۱
۴	قضیه: ثابت کنید سه نیمساز زاویه های داخلی هر مثلث هم‌مرسد.	۱/۲۵
۵	زاویه‌ی XOY داده شده است. با استفاده از خط کش و پرگار روی نیم خط $O'X'$ زاویه‌ای به رأس O' و مساوی زاویه‌ی XOY رسم کنید.	۱
۶	دایره‌ی $C(O, 5)$ و نقطه‌ی M به فاصله‌ی $5\sqrt{2}$ از مرکز دایره‌ی C داده شده است. MT و MT' در نقاط T و T' بر این دایره مماسند. الف) طول مماس‌های MT و MT' را به دست آورید. ب) نوع چهار ضلعی $OTMT'$ را با ذکر دلیل مشخص کنید.	۱/۲۵
۷	زاویه‌ی ظلی TAB در دایره‌ی به مرکز O داده شده است. با استفاده از ویژگی قطر عمود بر وتر، ثابت کنید که $\widehat{TAB} = \frac{AB}{2}$.	۱/۵
۸	قضیه: ثابت کنید اگر از یک نقطه، یک مماس و یک قاطع نسبت به یک دایره رسم کنیم، قطعه‌ای از خط مماس محصور بین آن نقطه و نقطه‌ی تماس، واسطه هندسی بین دو قطعه قاطع است.	۱/۲۵
۹	دو دایره‌ی به شعاع ۹ و ۴ سانتی متر، مماس بروان هستند. مقدار x را چنان بیابید که اندازه مماس مشترک خارجی آنها برابر $5x + 2$ باشد.	۱
	«ادامه‌ی پرسش‌ها در صفحه‌ی دوم»	

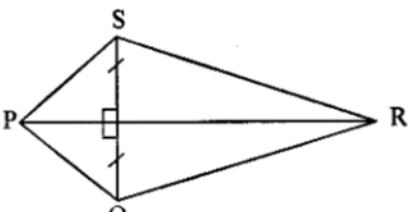


$$\widehat{TAB} = \frac{AB}{2}$$

با سمه تعالی

مدت امتحان: ۱۳۵	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه(۲)
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۹۳/۳/۱۷	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir			

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱۰	نقاط (۵,-۳)، A(-۱, ۳)، B(۱, ۳) داده شده است ، ضابطه‌ی انتقالی را بنویسید که A را روی B تصویر کند .	۰/۷۵
۱۱	نقاط (۲,-۲)، A(-۲, ۲)، B(۲, ۲) و C(۴, ۲) رأس‌های یک مثلث هستند . الف) مثلث ABC و تصویرش را تحت تجانس $D(x, y) = \left(\frac{3}{4}x, \frac{3}{4}y\right)$ رسم کنید . ب) مساحت مثلث ABC را بدست آورده، سپس به کمک ویژگی‌های تجانس مساحت تصویر مثلث ABC را محاسبه کنید . پ) این تجانس انقباض است یا انبساط ؟ چرا ؟	۲
۱۲	معادله تصویر خط $L: 2x - y - 2 = 0$ تحت دوران 270° حول O را بنویسید .	۱/۲۵
۱۳	در شکل روی روبرو عمود منصف QS است . با استفاده از ویژگی‌های تبدیل بازتاب ثابت کنید: $\widehat{SPR} = \widehat{QPR}$ 	۱
۱۴	عبارات زیر را با کلمات مناسب پر کنید : الف) صفحه‌ای را که در وسط یک پاره خط برآن عمود باشد، صفحه‌ی آن پاره خط، می‌نامیم . ب) اگر دو صفحه متمایز یک نقطه مشترک داشته باشند، آنگاه در یک، مشترک خواهند بود . پ) اگر L و L' دو خط متقاطع باشند، یک و تنها یک شامل L وجود دارد که با L' موازی باشد . ت) اگر دو صفحه‌ی P و P' بر هم عمود باشند، هر خط عمود بر صفحه‌ی P با صفحه‌ی P' است .	۱
۱۵	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با یکی از خط‌های صفحه‌ی P موازی باشد، آنگاه، خط L با صفحه‌ی P موازی است .	۱/۵
۱۶	الف) اگر چند صفحه در فضای روی دو خط، پاره خط‌های متناظر متناسب ایجاد کرده باشند، آیا لزوماً آن صفحه‌ها موازی هستند ؟ ب) برای رد حدس کلی زیر با استفاده از رسماً شکل و توضیح آن، یک مثال نقض ارائه کنید . در فضای ایجاد کردند لزوماً آن صفحه‌ها موازی .	۱
۱۷	از نقطه‌ی A خارج از خط L، یک صفحه عمود بر L بگذرانید . ثابت کنید این صفحه یکتا است .	۱/۵
	موفق باشید	جمع نمره
۲۰		