

با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی :	رشته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۵ دقیقه
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۶/۰۳/۱۴۹۵	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۹۵ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://ace.medu.ir			

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.

سؤالات (پاسخ نامه دارد)

ردیف

نمره

۱	در چند جمله ای $p(x) = x^r + ax^s + x + b$ مقدار a و b را چنان بباید که با قی مانده تقسیم آن بر $x-1$ برابر ۴ بوده و بر $x+2$ بخش پذیر باشد.	۱
۱/۲۵	اگر α و β ریشه های معادله درجه دوم $= 0 - 2x - 1 - x^2$ باشد معادله ای بنویسید که ریشه های آن باشد.	۲
۱/۲۵	نامعادله $ x-1 \leq \sqrt{x+1}$ را به روش هندسی حل کنید.	۳
۱	درستی یا نادرستی گزاره های زیر را مشخص کنید: الف) چند جمله ای $x^n - a^n$ بر $x-a$ بخش پذیر است. ب) بیشترین مقدار تابع $x = -\frac{x^2}{2} + 20$ برابر ۲۰ است. ج) وارون تابع $f(x) = \frac{y}{x-y}$ بر $g(x) = \frac{y}{x}$ است. د) تابع $f(x) = \sin x$ با تابع $g(x) = \sqrt{1-\cos^2 x}$ مساوی است.	۴
۱	نمودار تابع زیر رارسم کنید و به کمک آن برد تابع را مشخص کنید. $f(x) = \begin{cases} x^r + 1 & x < 0 \\ 2 & 0 \leq x \leq 2 \\ x-1 & x > 2 \end{cases}$	۵
۱/۵	اگر $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$ و $g(x) = f(x) \circ g(x)$ دو تابع باشند: الف) دامنه تابع $f \circ g$ را به دست آورید. ب) ضابطه تابع $f \circ g$ را بنویسید. ج) مقدار $(g-f)(2)$ را حساب کنید.	۶
۱	زوج یا فرد بودن تابع $f(x) = \frac{x^2 - \cos x}{ x }$ بررسی کنید.	۷
۱/۲۵	درستی اتحاد روبرو را ثابت کنید: $\cos^r \alpha = r \cos^{r-1} \alpha - r \cos \alpha$	۸
۱	معادله $2 \sin^2 x - \sin x = 0$ را حل کنید.	۹
ادامه سوالات در برگه دوم		

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
تاریخ امتحان: ۱۶/۰۳/۱۴۹۵	تعداد صفحه:		
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۹۵ مرکز سنجش آموزش و پرورش http://ace.medu.ir			

ردیف	توضیح	نمره
۱۰	مقدار $\cos(\sin^{-1}(\frac{3}{5}))$ را حساب کنید.	۰/۷۵
۱۱	آیا تابع $f(x) = \frac{x}{ x }$ در $x=0$ حد دارد؟ چرا؟	۱
۱۲	حد های زیر را حساب کنید.	۲
۱۳	پیوستگی تابع $f(x) = \sqrt{1-x}$ را در نقطه $a=1$ بررسی کنید.	۱
۱۴	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = \sqrt{x}$ را در نقطه $a=0$ به دست آورید.	۱/۲۵
۱۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق لازم نیست). الف) $f(x) = (x^3 - x^2 - 1)^5$ ب) $g(x) = \frac{x^4 - \sin x}{1 + \cos x}$ ج) $h(x) = (x - \sqrt{x} + 5)(\tan^{-1} x)$	۲/۵
۱۶	نقاطی از نمودار تابع $f(x) = x^3 - 2x^2 - 6$ را معین کنید که مماس بر منحنی در این نقاط موازی نیمساز ربع اول و سوم باشد.	۱/۲۵
۲۰	موفق باشید	جمع نمره