

سؤالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
نام و نام خانوادگی:	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۰۶/۰۳	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵		مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است.

ردیف	سؤالات	نمره
۱	مفاهیم زیر را تعریف کنید. (الف) استدلال استنتاجی (ب) مثال نقض	۱
۲	با استفاده از اصل استقرا، برای هر عدد طبیعی n ثابت کنید: $\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} = \frac{n}{n+1}$	۱/۷۵
۳	هر یک از احکام زیر را به روش خواسته شده اثبات کنید. (الف) برای هر دو عدد حقیقی مثبت x, y نشان دهید: $x + y \geq 2\sqrt{xy}$ (اثبات بازگشتی) (ب) اگر n عدد صحیح و n^2 فرد باشد، n نیز فرد است. (برهان خلف)	۱/۷۵
۴	۱۳ نفر در یک میهمانی حضور دارند. نشان دهید حداقل دو نفر از آن ها در یک ماه متولد شده اند.	۱
۵	مجموعه $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 \leq 4\}$ را با اعضا بنویسید.	۱/۲۵
۶	مجموعه های $A = \{-1, 0\}$ ، $B = \{1, 2\}$ و $C = \{(0,0), (0,1), (0,2)\}$ را در نظر بگیرید. مجموعه $(A \times B) - C$ را با اعضا مشخص کنید.	۱/۵
۷	اگر A و B دو مجموعه باشند، به کمک جبر مجموعه ها ثابت کنید: $A - (A \cap B) = A - B$	۱/۵
۸	رابطه R بر روی مجموعه اعداد حقیقی به صورت $xRy \Leftrightarrow x \leq y$ تعریف شده است. با ذکر دلیل بررسی کنید این رابطه کدام یک از خاصیت های بازتابی، تقارنی و تعدی را دارد.	۱/۲۵
۹	هر یک از ارقام ۱ تا ۱۴ را روی یک کارت نوشته و کارت ها را مخلوط می کنیم و به تصادف یک کارت بر می داریم. در این صورت به سؤالات زیر پاسخ دهید. (الف) فضای نمونه ای این آزمایش تصادفی چند عضو دارد؟ (ب) پیشامد A که در آن عدد روی کارت عددی اول و کوچکتر از ۱۰ باشد را با اعضا بنویسید.	۱/۵
۱۰	اگر A و B دو پیشامد در فضای نمونه ای S باشند، با رسم نمودار ون، پیشامد " A یا B یا هر دو اتفاق بیفتد." را نمایش دهید.	۰/۵
۱۱	از بین ۱۸ دانش آموز که ۱۱ دانش آموز پایه اول و ۷ دانش آموز پایه دوم هستند، ۶ نفر به تصادف انتخاب می کنیم. احتمال آن را بیابید که ۴ دانش آموز پایه اول و ۲ دانش آموز پایه دوم باشند.	۱
۱۲	با ارقام ۲، ۳، ۶، ۷، ۹ و به صورت تصادفی عددی ۴ رقمی (بدون تکرار) به وجود می آید. احتمال آن که عدد ساخته شده زوج باشد را بیابید.	۱/۲۵

«ادامه سؤالات در صفحه دوم»

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۰۶/۰۳	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵		

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی . جذر و درصد) بلامانع است.

ردیف	سوالات	نمره
۱۳	یک تاس به گونه ای ساخته شده است که احتمال وقوع هر عدد فرد دو برابر احتمال وقوع هر عدد زوج است. در پرتاب این تاس احتمال آن که عدد ظاهر شده بزرگتر از ۴ باشد را بیابید.	۱/۵
۱۴	یک نقطه مانند (X, Y) را به طور تصادفی بر روی مثلثی با راس های $A = (0, 0)$, $B = (1, 2)$, و $C = (3, 0)$ انتخاب می کنیم. احتمال پیشامدی را محاسبه کنید که در آن $X \geq 2$ باشد.	۱/۲۵
۱۵	در یک دبیرستان احتمال آن که دانش آموزی عضو تیم والیبال باشد ۲۴٪ و عضو تیم هندبال باشد ۳۳٪ است و احتمال آن که دانش آموزی حداقل عضو یکی از این دو تیم باشد، ۲۹٪ است. احتمال آن که دانش آموزی عضو هر دو تیم باشد را به دست آورید.	۱
۱۶	از مجموعه $S = \{1, 2, 3, \dots, 50\}$ عددی به تصادف انتخاب می کنیم. احتمال این که عدد انتخابی بر ۷ بخش پذیر باشد، چقدر است؟	۱
۲۰	جمع نمره	«موفق باشید»