

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	در جاهای خالی عبارت یا عدد مناسب قرار دهید.
۰/۵	<p>(الف) یک تاس و یک سکه را با هم می اندازیم، فضای نمونه ای این آزمایش تصادفی دارای ..... عضو است.</p> <p>ب) اگر <math>A</math> و <math>B</math> دو پیشامد در فضای نمونه ای <math>S</math> باشند و رابطه <math>p(A \cap B) = p(A) \times p(B)</math> برقرار باشد، آنگاه <math>A</math> و <math>B</math> را دو پیشامد ..... می نامیم.</p>
۲	<p>تمام اعداد دورقمی (بدون تکرار ارقام) را که با رقم های <u>۳</u> و <u>۵</u> و <u>۸</u> میتوان ساخت، روی کارت های متمایز نوشته و در یک کیسه قرار می دهیم و سپس یکی از این کارت ها را به تصادف خارج می کنیم مطلوب است:</p> <p>(الف) فضای نمونه ای این پدیده تصادفی .</p> <p>ب) پیشامد <math>A</math> که در آن عدد روی کارت مضرب <u>۵</u> باشد.</p> <p>ج) پیشامد <math>B</math> که در آن عدد روی کارت بزرگ تر از <u>۵۰</u> باشد.</p> <p>د) پیشامد <math>A - B</math></p>
۳	<p>در کیسه ای <u>۳</u> مهره سیاه، <u>۴</u> مهره قرمز و <u>۳</u> مهره سفید وجود دارد. از این کیسه <u>۳</u> مهره به تصادف خارج می کنیم.</p> <p>مطلوب است احتمال آن که:</p> <p>(الف) هیچ دو مهره ای همنگ نباشند.</p>
۴	<p>اگر <math>(1, +\infty) \cup (-\infty, -4]</math> و <math>A = \{x \mid x \in R, \frac{x^2 - x}{2} &lt; 3\}</math> باشد.</p> <p>(الف) جواب مجموعه <math>B</math> را تعیین کنید. (راه حل نوشته شود)</p> <p>ب) مجموعه <math>A \cap B</math> را به وسیله بازه نمایش دهید.</p>
۵	<p>فرض کنید <math>\tan \alpha = \frac{3}{4}</math> و <math>\alpha</math> زاویه ای حاده باشد. عبارت <math>\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})</math> را محاسبه کنید.</p>
۶	<p>در تابع خطی <math>f(x) = 2ax + b</math> مقادیر <math>a</math> و <math>b</math> را طوری تعیین کنید که نمودار تابع <math>f</math> از نقطه <math>(-1, 1)</math> بگذرد و محور عرض ها را در نقطه ای به عرض <u>۵</u> قطع کند.</p>
۷	<p>تابع <math>f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 &amp; x \geq 0 \\ x - 1 &amp; x &lt; 0 \end{cases}</math> داده شده است.</p> <p>(الف) مقدار <math>(f(0))</math> را محاسبه کنید.</p>
۸	<p>تابع <math>f(x) = \sqrt{x+2}</math> و <math>g(x) = \frac{2}{x-3}</math> داده شده اند.</p> <p>(الف) دامنه تابع <math>\frac{g}{f}</math> را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p> <p>ب) ضابطه تابع <math>\frac{g}{f}</math> را تشکیل دهید.</p>
ادامه سوالات در صفحه دوم	

با سمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳

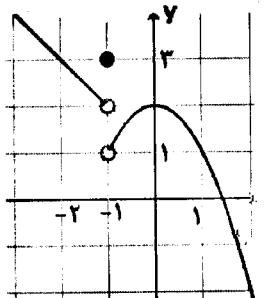
مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۶/۱۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۵	http://ace.edu.ir

سوالات (پاسخ نامه دارد)

ردیف

نمره

با استفاده از نمودار، عبارت خواسته شده را (در صورت وجود) محاسبه کنید.



$$2f(-1) + \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$$

۹

۰/۷۵

هر یک از حد های زیر را حساب کنید.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^4}{1 - \cos 2x}$$

۴

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{x+6} - 2}$$

۱۰

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-x + 3}{(x - 2)^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{-x^2 + \sqrt{x^2 + 1}}{x^2 + x + 2}$$

۱/۲۵

$$x = 0 \quad \text{در نقطه } f(x) = \begin{cases} \frac{\tan kx}{\cos kx \sin 2x} & x < 0 \\ 2x^2 + 2 & x \geq 0 \end{cases}$$

حدود  $k$  را طوری تعیین کنید که تابع

۱۱

پیوسته نباشد.

۱/۲۵

تابع  $f(x) = x^4 + 5x + 4$  داده شده است.

۱۲

(الف) آهنگ متوسط تغییر این تابع را وقتی  $x = 3$  و  $h = 1$  به دست آورید.

(ب) شیب خط مماس بر نمودار تابع را در نقطه  $x = 2$  به دست آورید.

۲

مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)

۱۳

$$f(x) = \left(\frac{1}{x}\right) \times \left(\tan\left(\frac{\pi}{3} - \frac{x}{2}\right)\right)$$

$$(الف) g(x) = \frac{\cos^2 x}{1 + \sin x}$$

۰/۷۵

مشتق تابع  $f(x) = (1 + \sqrt{x})^3$  را به دست آورید و دامنه مشتق پذیری آن را مشخص کنید.

۱۴

۲۰ جمع نمره

"موفق باشید"