

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۷/۱۰/۱۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور هی ماه سال ۱۳۹۷	
ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف	ردیف
۱	(الف) ماتریس اسکالر (۰/۲۵) ب) ندارد (۰/۲۵)	۰/۵	
۲	الف) درست (۰/۵) ب) نادرست (۰/۵) پ) نادرست (۰/۵)	۲	
۳	$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & 4 & 1 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$ (۰/۵) $2A - 3I = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -2 \\ 4 & 8 & 2 \\ 6 & 12 & 18 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & -2 \\ 4 & 5 & 2 \\ 6 & 12 & 15 \end{bmatrix}$ (۰/۲۵)	۱/۲۵	
۴	$\ A\ \cdot A = \underbrace{ -2A }_{0/25} = (-2)^3 A = \underbrace{-8 \times (-2)}_{0/25} = 16$ (۰/۲۵)	۰/۲۵	
۵	$\begin{bmatrix} x & y \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & y \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \xrightarrow{0/25} \begin{bmatrix} 4x+3y & 3x+4y \\ 5 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4x+6 & 4y-3 \\ 3x+8 & 3y-4 \end{bmatrix}$ (۰/۲۵) $4x+6=5 \rightarrow x=-1$ (۰/۲۵) , $4y-3=2 \rightarrow y=2$ (۰/۲۵) $\begin{bmatrix} 2 \\ -1 & 2 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = -2+4-2=0$ (۰/۲۵)	۱/۵	
۶	$ m-3 \quad 3 \neq 0 \xrightarrow{0/25} (m-3)(m+1)-12 \neq 0 \xrightarrow{0/25} m \neq 3, m \neq -3$ (۰/۲۵) $m \in \mathbb{R} - \{3, -3\}$ (۰/۲۵)	۱	
۷	$O\left(\frac{4-2}{2}, \frac{-1+1}{2}\right) = (1, 0)$ (۰/۵) , $ AB = \sqrt{6^2 + 2^2} = 2\sqrt{10} \xrightarrow{0/25} r = \sqrt{10}$ (۰/۲۵) $(x-1)^2 + y^2 = 10$ (۰/۵)	۱/۵	
۸	$a^2 + b^2 - 4c > 0 \xrightarrow{0/25} 9 + 25 - 4a > 0 \xrightarrow{0/25} 4a < 34 \xrightarrow{0/25} a < \frac{17}{2}$ (۰/۲۵)	۱	
	ادامه در صفحه دوم		

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۹۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir		دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در ماه سال ۱۴۹۷	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	$O(0,0)$, $O'(1,0)$ $r = 2$, $r' = \sqrt{5}$ $OO' = \sqrt{1+0} = 1$ $\Rightarrow r - r' = \sqrt{5} - 2 < OO' < r + r' = \sqrt{5} + 2$ دو دایره متقاطع می باشند. ۰/۲۵	۱/۷۵
۱۰	$a = 2b \rightarrow c^r = a^r - b^r = 4b^r - b^r = 3b^r \rightarrow c = \sqrt{3}b$ ۰/۲۵ $\tan B_1 = \frac{OF}{OB} = \frac{c}{b} = \frac{\sqrt{3}b}{b} = \sqrt{3} \rightarrow B_1 = 60^\circ$ ۰/۲۵ $FBF' = 2 \times 60^\circ = 120^\circ$ ۰/۲۵	۱/۸
۱۱	با توجه به جایگاه راس و کانون این سهمی در دستگاه مختصات خواهیم داشت: سهمی رو به پایین و $(x-1)^r = -16(y-2)$ معادله سهمی: ۰/۵ $y = 6$ ۰/۵	۱/۲۵
۱۲	$\vec{a} = (3, 2, -1) \rightarrow r\vec{b} - \vec{a} = 2\vec{b} - \vec{a} = (6, 2, -2) - (3, 2, -1) = (3, 0, -1)$ ۰/۲۵	۱
۱۳	$\vec{b} + \vec{c} = (2, -3, 6)$ ۰/۲۵, $\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c})}{ \vec{b} + \vec{c} } (\vec{b} + \vec{c}) = \frac{(-1, -3, 0) \cdot (2, -3, 6)}{49} (2, -3, 6) = \frac{1}{7} (2, -3, 6)$ ۰/۲۵	۱/۸
۱۴	$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \Leftrightarrow \vec{a} \vec{b} \cos \theta = 0 \Leftrightarrow \cos \theta = 0 \Leftrightarrow \theta = \frac{\pi}{2}$ ۰/۲۵	۱
۱۵	$ \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \sin \theta \Rightarrow ۷۲ = ۳ \times ۲۶ \times \sin \theta \Rightarrow \sin \theta = \frac{۱۲}{۱۳} \rightarrow \cos \theta = \pm \sqrt{1 - \left(\frac{۱۲}{۱۳}\right)^2} = \pm \frac{۵}{۱۳}$ ۰/۲۵ $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta = ۳ \times ۲۶ \times \left(\pm \frac{۵}{۱۳}\right) = \pm ۳۰$ ۰/۲۵	۱/۸
۱۶	$\vec{a} \times \vec{b} = (-1, -1, 1)$ ۰/۲۵ $S = \vec{a} \times \vec{b} = \sqrt{1+1+1} = \sqrt{3}$ ۰/۲۵	۱
	"مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	۲۰