

با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی :	تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۹۸	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.mediu.ir">http://aee.mediu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۸		

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد سؤالات (پاسخ نامه دارد)
------	---

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) اگر تابع $f$ در یک بازه نزولی باشد، آنگاه در این بازه اکیدا نزولی نیز می باشد. ب) سرعت لحظه ای در $t = 2$ برای متوجهی با معادله حرکت $s(t) = t^3 + 3t$ برابر ۷ است.	۱
۲	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب را بنویسید. الف) اگر $\frac{1}{64} \leq \frac{1}{2^{3x-2}}$ باشد، حدود $x$ ..... است. ب) حاصل $\lim_{x \rightarrow +\infty} (3 - 2x - 5x^3)$ برابر با ..... است. پ) اگر $-1 = f(2)$ و $3 = g(2)$ در این صورت $(2f + 3g)'(2) =$ ..... است. ت) طول نقطه عطف تابع $y = x^3 - 6x^2$ برابر ..... است.	۲
۱/۲۵	نمودار تابع $f(x)$ در شکل زیر رسم شده است. نمودار تابع $g(x) = f(2x + 1)$ را رسم کرده و دامنه و برد آن را تعیین کنید. 	۳
۱/۲۵	در چند جمله ای $p(x) = x^3 + ax^2 + b$ مقادیر $a, b$ را چنان بباید که باقی مانده تقسیم آن بر $x - 1$ برابر با ۴ باشد و بر $x + 2$ بخش پذیر باشد.	۴
۱/۵	ضابطه تابعی به صورت $y = a \sin bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن $\pi$ ، مقدار ماکزیمم آن ۶ و مقدار مینیمم آن -۲ باشد.	۵
۱/۵	معادله $2 \cos 3x - \sqrt{3} = 0$ را حل کنید.	۶
۱	مجانب های قائم و افقی تابع $f(x) = \frac{x^3 + x}{x^2 - x}$ را بباید.	۷
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

نام و نام خانوادگی :	تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۹۸	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سوالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۸

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد سوالات (پاسخ نامه دارد)
------	---

۱/۵	$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\lfloor x \rfloor - 2}{3-x}$ (الف) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{3x+1}{x-5} - \frac{2}{x} \right)$ (ب)	حاصل حدهای زیر را به دست آورید.	۸
۱		در شکل رو برو نمودار تابع $f(x)$ و خط مماس بر منحنی آن در نقطه $x = 2$ داده شده است: الف) مشتق تابع $f(x)$ را در نقطه $x = 2$ را بیابید. ب) معادله خط مماس بر نمودار تابع در نقطه $A$ را بنویسید	۹
۱/۲۵	$f(x) = \begin{cases} x^3 + 3 & x \geq 1 \\ 3x + 1 & x < 1 \end{cases}$	مشتق پذیری تابع مقابل را در نقطه $x = 1$ برسی کنید.	۱۰
۱/۷۵	$f(x) = \frac{2x+3}{x^3-2x}$ (الف) $g(x) = \sin^3(2x+1)$ (ب)	مشتق توابع زیر را به دست آورید. ( ساده کردن مشتق الزامی نیست.)	۱۱
۱		نمودار تابع $f, g$ را در شکل مقابل در نظر بگیرید. اگر $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ باشد، $h'(1)$ را بیابید.	۱۲
۱		شکل زیر را در نظر بگیرید. در کدام یک از پنج نقطه مشخص شده در نمودار: الف) $f'(x)$ و $f''(x)$ هر دو منفی اند. ب) $f'(x)$ منفی و $f''(x)$ مثبت است.	۱۳
۱/۲۵	$f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$ را در بازه $[-1, 2]$ مشخص کنید.	اکسترمم های مطلق تابع $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$ را در بازه $[-1, 2]$ مشخص کنید.	۱۴
۱/۷۵		جدول تغییرات و نمودار تابع $f(x) = \frac{2x}{x-1}$ رارسم کنید.	۱۵
۲۰	جمع نمره	موفق و سربلند باشید.	