

نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۱	تعداد صفحه: ۲	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
عدد امتحان: ۱۲۰	ساعت شروع: ۸:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			دانش آموزان روزانه سراسرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)	نمره
------	--	------

الف) بخش الزامی

دانش آموز عزیز به سوالات ۱ تا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره) پاسخ دهید.

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) نمودار تابع $x^3 = y$ در بازه $[0, \infty)$ پایین تر از نمودار تابع $y = x^3$ قرار دارد. ب) اگر تابع $(x)f$ در یک فاصله صعودی باشد، آنگاه اکیدا صعودی نیز خواهد بود. پ) اگر تابع f در $a = x$ پیوسته نباشد آنگاه f در a مشتق پذیر هم نیست. ت) تابعی وجود ندارد که برای آن هم $f'(a) = 0$ و هم $f''(a) = 0$.	۱
۱	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب را بنویسید. الف) دوره تناوب تابع $y = 8\cos(\frac{x}{3})$ برابر با است. ب) اگر $f'(1) = 3$ و $f''(1) = 5$ در این صورت $(1) = 2f + 2g$ برابر با است.	۲
۱	با توجه به نمودار تابع f که در شکل زیر آمده است، نمودار تابع $g(x) = f(2x)$ را رسم کرده و دامنه و برد آن را تعیین کنید. 	۳
۱	نمودار تابع $f(x) = x^3 + 2$ را رسم کرده و مشخص کنید در چه بازه ای این تابع اکیداً صعودی و در چه بازه ای اکیداً نزولی است؟	۴
۱	مقادیر a, b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $x^3 + ax^2 + bx + 1 = x^3 - 2x + 1$ بخش پذیر باشد.	۵
۱	معقدار ماکزیمم و مینیمم تابع $y = 1 + 2\sin 7x$ را به دست آورید.	۶
۱/۵	معادله $\sqrt{2} = 2\sin 3x$ را حل کنید.	۷
۲	حدود زیر را محاسبه کنید. الف $\lim_{x \rightarrow c^+} \frac{x^3 + x}{x^3}$ ب $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{\sqrt[3]{x^3 - x + 1}}{4x^3 + 2x - 1}$	۸
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

نام و نام خانوادگی :	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۱	تعداد صفحه: ۲	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: صبح ۸:۰۰	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)	نمره
------	--	------

۹	نمودار تابع f را به گونه ای رسم کنید که همه شرایط زیر را دارا باشد. الف) $f(1) = f(-2) = 0$ ب) $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$, $\lim_{x \rightarrow c^-} f(x) = -\infty$ پ) خط $y = -1$ مجانب افقی آن باشد.	۰/۵
۱۰	معادله خط مماس بر منحنی تابع $A(x, f(x))$ را در نقطه $(2, f(2))$ واقع بر نمودار تابع بنویسید.	۱/۵
۱۱	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) الف) $f(x) = \frac{x^3 - 3x + 1}{-3x + 2}$ ب) $g(x) = \sqrt{x}(3x^2 + 5)$ پ) $h(x) = \sin^3 x + \cos^3 x$	۳
۱۲	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^3 - t + 1$ در بازه زمانی $[5, 5]$ داده شده است. در کدام لحظه در این بازه، سرعت لحظه ای با سرعت متوسط با هم برابرند؟	۱/۵
۱۳	دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره، از بین سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سوال را به دلخواه انتخاب و پاسخ دهید.	۰
۱۴	مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $y = \frac{x}{x^2 - 4}$ را در صورت وجود به دست آورید.	۰
۱۵	مشتق پذیری تابع $f(x) = x^3 - 1 $ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۰
۱۶	جهت تغیر و نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + 3x^2 + 1$ را مشخص کنید.	۰
۱۷	جدول تغییرات و نمودار تابع $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ را رسم کنید.	۰
۱۸	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره