

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۶/۲۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) قطری (۰/۲۵) ص ۱۲ ب) مشترک (۰/۲۵) ص ۴۹ ت) yoz (۰/۰) ص ۷۳ پ) پاره خط (۰/۰) ص ۳۶	۱
۲	الف) نادرست (۰/۰) ص ۳۹ ب) نادرست (۰/۰) ص ۲۱ ت) درست (۰/۰) ص ۴۲ پ) نادرست (۰/۰) ص ۸۱	۱
۳	$A \times B = \begin{bmatrix} 4 & a \\ b & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4+3a & -8+2a \\ b-3 & -2b-2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} -8+2a=0 \xrightarrow{(+)25} a=4 (۰/۰) \\ b-3=0 \xrightarrow{(+)25} b=3 (۰/۰) \end{cases}$ ۲۱ ص	۱/۵
۴	الف) خیر (۰/۰) - زیرا دو ماتریس هم مرتبه نیستند. (۰/۰) ب) $A \times B = \begin{bmatrix} -3 & 4 & -2 \\ -4 & 6 & -4 \\ -8 & 11 & -6 \end{bmatrix} (۰/۰) A \times B = 0 (۰/۰)$	۱/۷۵
۵	$A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{(+)25} A^{-1} = 1 , A = (A^{-1})^{-1} = \frac{1}{1} \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} (۰/۰)$	۱
۶	$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'} \xrightarrow{(+)25} \frac{2}{m-1} = \frac{m}{1} \neq \frac{1}{3} \xrightarrow{(+)25} m(m-1) = 2 \xrightarrow{(+)25} \begin{cases} m=-1 (۰/۰) \\ m=2 (۰/۰) \end{cases}$ ۲۶ ص	۱/۲۵
۷	از مرکز دایره بر وتر عمود می کنیم عمود OH وتر AB را نصف می کند. $OH = \frac{ x+y-2 }{\sqrt{1+1}} = \frac{ 0+1-2 }{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} (۰/۰)$ $OA^2 = OH^2 + AH^2 \xrightarrow{(+)25} OA^2 = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(\sqrt{2}\right)^2 = \frac{10}{4} = R^2$ $(x-0)^2 + (y-1)^2 = \frac{10}{4} (۰/۰)$	۱/۵
	«ادامه در صفحه دوم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۶/۲۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	<p>مرکز دایره برابر است با $(1,1)$ ($0/25$) شیب خط عمود بر دایره در نقطه $A(2,3)$ برابر است با: $2 = \frac{3-1}{2-1}$</p> $m' = -\frac{1}{m_{OA}} = -\frac{1}{2}$ <p>ص $y - 3 = \frac{-1}{2}(x - 2)$ ($0/25$) معادله خط مماس بر دایره برابر است با:</p>	۱
۹	<p>نقطه A', A روی بیضی قرار دارند بنابراین $AF' + AF = 2a$ و $A'F' + A'F = 2a$ ($0/5$). نتیجه می‌گیریم:</p> $AF' + A'F = AF + AF' \xrightarrow{(0/25)} A'F' + (A'F' + FF') = AF + (AF + FF')$ $\xrightarrow{(0/5)} AF = A'F'$	۱/۲۵
۱۰	<p>در مثلث BOF داریم:</p> $\cos OBF = \frac{BO}{BF} \xrightarrow{BF=a, BO=b (0/25)} \cos OBF = \frac{b}{a} = \frac{\sqrt{3}}{2} \xrightarrow{(0/25)}$ $OBF = 30^\circ \quad (0/25) \longrightarrow F'BF = 2OBF = 60^\circ \quad (0/25)$	۱/۲۵
۱۱	<p>الف)</p> $y^2 - 2y + 1 = -8x - 9 + 1 \longrightarrow (y-1)^2 = -8(x+1) \xrightarrow{(0/5)} A = (-1, 1), a = 2 \quad (0/5)$ $F(-3, 1) \quad (0/25), x = 1 \quad (0/25)$ <p>ص 55</p> <p>ب) رسم سه‌می ($0/5$)</p>	۲
۱۲	<p>الف)</p> $A = (2, 0, 0) \quad (0/25), B = (1, 0, 3) \quad (0/25)$ $AB = \sqrt{(2-1)^2 + (0-0)^2 + (0-3)^2} = \sqrt{10} \quad (0/25)$ <p>ب)</p> $M = \underbrace{\left(\frac{2+1}{2}, \frac{0+0}{2}, \frac{0+3}{2}\right)}_{(0/5)} = \left(\frac{3}{2}, 0, \frac{3}{2}\right) \quad (0/25)$ <p>ص ۶۶ و ۷۶</p>	۲
	«ادامه در صفحه سوم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۶/۲۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$\vec{a} \cdot \vec{b} = ۲ \times ۱ + (-۱)(-۱) + ۲ \times ۰ = ۳ \quad (\cdot / ۲۵)$, $ \vec{b} = \sqrt{۱^۲ + (-۱)^۲ + ۰^۲} = \sqrt{۲} \quad (\cdot / ۲۵)$ $a' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^۲} \vec{b} = \frac{۳}{۲} (۱, -۱, ۰) = \left(\frac{۳}{۲}, -\frac{۳}{۲}, ۰ \right) \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۲۵
۱۴	<p>روش اول:</p> $ \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \sin \theta \xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} \sin \theta = \frac{۷۲}{۳ \times ۲۶} = \frac{۱۲}{۱۳} \quad (\cdot / ۲۵) \longrightarrow \cos \theta = \pm \frac{۵}{۱۳} \quad (\cdot / ۲۵)$ $\xrightarrow{\theta < ۹۰^\circ} \cos \theta = \frac{۵}{۱۳} \quad (\cdot / ۲۵) \longrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta = ۳ \cdot \quad (\cdot / ۲۵)$ <p>روش دوم:</p> $ \vec{a} \times \vec{b} ^۲ + (\vec{a} \cdot \vec{b})^۲ = \vec{a} ^۲ \vec{b} ^۲ \xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} ۷۲^۲ + (\vec{a} \cdot \vec{b})^۲ = ۳^۲ \times ۲۶^۲ \quad (\cdot / ۲۵)$ $(\vec{a} \cdot \vec{b})^۲ = ۹ \cdot \cdot \xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} (\vec{a} \cdot \vec{b}) = \pm ۳ \cdot \cdot \xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} (\vec{a} \cdot \vec{b}) = ۳ \cdot \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۲۵
۱۵	$\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c}) = ۰ \xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} (۰, m, -۱) \cdot ((۳, -۳, -۳)) = ۰$ $\xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} -۳m + ۳ = ۰ \xrightarrow{(\cdot / ۲۵)} m = ۱ \quad (\cdot / ۲۵)$	۱
	موفق و سر بلند باشید	۲۰

"مصحح گرامی، به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"