

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	نام و نام خانوادگی:
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد در فوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۰	
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)	
		ردیف

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) دامنه توابع چند جمله ای برابر \mathbb{R} است. ب) دو تابع با ضابطه های $g(x) = \sqrt[3]{x}$ و $f(x) = x^3 - 2x + 1$ وارون یکدیگرند. پ) تابع با ضابطه $y = \sqrt{x}$ در دامنه اش اکیداً نزولی است.	۰/۷۵															
۲	نمودار تابع با ضابطه $y = x^3 - 2x + 1$ را ابتدا دو واحد به سمت پایین سپس یک واحد به سمت چپ و در مرحله ای آخر نسبت به محور x ها قرینه می کنیم . ضابطه ای نمودار تابع را در هر مرحله بنویسید.	۰/۷۵															
۳	با توجه به جدول زیر، مقادیر خواسته شده را به دست آورید. (الف) $(g \circ f)(1)$ (ب) $(f \circ (f + g))(0)$	۱/۵															
	<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>-1</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td></tr> <tr> <td>$f(x)$</td><td>0</td><td>-1</td><td>2</td><td>-5</td></tr> <tr> <td>$g(x)$</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>-2</td></tr> </table>	x	-1	0	1	2	$f(x)$	0	-1	2	-5	$g(x)$	2	3	4	-2	
x	-1	0	1	2													
$f(x)$	0	-1	2	-5													
$g(x)$	2	3	4	-2													
۴	معادله ای یک تابع سینوسی $y = a \sin(bx + c)$ را بنویسید که مقدار ماکزیمم آن ۵ و مقدار مینیمم آن -۱ و دوره ای تناوب آن 8π است.	۱															
۵	مثلثی با مساحت $8\sqrt{2}$ سانتی متر مربع مفروض است. اگر اندازه ای دو ضلع این مثلث به ترتیب ۴ و ۸ سانتی متر باشند، آن گاه چند مثلث با این خاصیت ها می توان ساخت؟	۱															
۶	حاصل عبارت $4 \sin x \cos x \cos 2x$ را به ازای $x = 75^\circ$ محاسبه نمایید.	۱															

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

با سمه تعالی

تعداد صفحه: ۳	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در فوبت شهر یورماه سال ۱۴۰۰		

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)	نمره
------	---	------

۲	<p>حد توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - \sqrt{x}}{x^2 + x - 2}$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+} \tan x$</p> <p>(پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^3 + 5x^2}{2x^3 + 9}$</p>	۷										
۱	<p>با در نظر گرفتن نمودار تابع f در شکل زیر، نقاط به طول های a، b، c، d را با مشتق های داده در جدول نظیر کنید.</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$f'(x)$</td> </tr> <tr> <td>*</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$-0/5$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>2</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td>$-0/5$</td> </tr> </table>	x	$f'(x)$	*		$-0/5$		2			$-0/5$	۸
x	$f'(x)$											
*												
$-0/5$												
2												
	$-0/5$											
۱	<p>نیمی از نمودار تابع f در محدوده $x > 0$ نشان دهد. تابع f در نقطه $x = 0$ قابل تابع است. مشتق اول تابع f در نقطه $x = 0$ موجود نیست. مشتق اول تابع f در نقطه $x = 0$ موجود نیست.</p>	۹										
۱/۵	<p>مشتق تابع های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)</p> <p>(الف) $f(x) = (x^2 + 2x + 1)^5$</p> <p>(ب) $g(x) = \frac{x}{\sqrt{3x + 2}}$</p>	۱۰										
۱/۵	<p>تابع با ضابطه $y = ۷\sqrt{x} + ۵۰$ متوسط قد کوکان تا شصت ماهگی را نشان می دهد که در آن x مدت زمان پس از تولد (برحسب ماه) است.</p> <p>(الف) آهنگ تغییر متوسط رشد در بازه $[۰, ۲۵]$ چقدر است؟</p> <p>(ب) آهنگ لحظه ای تغییر قد در ۴۹ ماهگی چقدر است؟</p>	۱۱										
۱/۵	تابع با ضابطه $y = x^2 - ۳x$ در چه بازه هایی اکیدا صعودی و در کدام بازه اکیدا نزولی است؟	۱۲										
۱/۵	دو عدد حقیقی بیابید که تفاضل آنها ۱۰ باشد و حاصل ضربشان کمترین مقدار ممکن گردد.	۱۳										
«ادامه سوالات در صفحه سوم»												

با سمه تعالی

تعداد صفحه: ۳	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در فوبت شهر یورماه سال ۱۴۰۰ مركز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)		

۱	در یک بیضی افقی، طول قطر بزرگ ۶ و قطر کوچک ۴ واحد است. اگر مرکز این بیضی نقطه‌ای با مختصات (۴,۵) باشد: الف) فاصله کانونی بیضی را پیدا کنید. ب) مختصات نقاط دو سر قطر بزرگ را بنویسید.	۱۴
۱/۵	وضعیت خط $y = 3x + 1$ و دایره $x^2 + y^2 - 2x - 3 = 0$ را نسبت به هم مشخص کنید.	۱۵
۱/۵	دو ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۶ مهره سبز و ۴ مهره آبی و ظرف دوم شامل ۵ مهره سبز و ۷ مهره آبی است. از ظرف اول مهره‌ای انتخاب کرده و در ظرف دوم قرار می‌دهیم. سپس یک مهره به تصادف از ظرف دوم انتخاب می‌کنیم. به چه احتمالی این مهره سبز است؟	۱۶
۲۰	جمع نمره "موفق باشد"	