

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۴
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) دو (۰/۲۵) ب) دایره (۰/۲۵) پ) داخل (۰/۲۵) ص ۴۹ ت) صفر (۰/۲۵) ص ۴۶	۱
۲	الف) درست (۰/۲۵) ص ۳۱ ب) درست (۰/۲۵) ص ۳۵ ت) نادرست (۰/۲۵) ص ۷۹	۱/۵
۳	$A \times B = \begin{bmatrix} ۴+۳a & -۸+۲a \\ b-۳ & -۲b-۲ \end{bmatrix}_{(۰/۵)} \Rightarrow \begin{cases} ۲a-۸=۰ \\ b-۳=۰ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=\frac{۴}{۲} \\ b=\frac{۳}{۲} \end{cases}$ ص ۲۱	۱
۴	الف) ص ۲۱ و ۲۸ ب) $A = \begin{bmatrix} ۲ & ۰ & ۰ \\ ۱ & ۴ & ۰ \\ ۱ & ۲ & ۶ \end{bmatrix}_{(۰/۵)}$ $ B = ۳۹ \quad (۰/۲۵)$	۱/۲۵
۵	ص ۲۴ $X = A^{-1} \times B \Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{1} \begin{bmatrix} ۴ & -۱ \\ -۷ & ۲ \end{bmatrix}_{(۰/۵)} \times \begin{bmatrix} ۴ \\ ۱۵ \end{bmatrix}_{(۰/۲۵)} = \begin{bmatrix} ۱ \\ ۲ \end{bmatrix}_{(۰/۲۵)} \quad x = 1.y = ۲$	۱/۲۵
۶	مکان هندسی نقاطی که از A و B به یک فاصله اند، عمود منصف پاره خط AB است. (۰/۲۵) و مکان هندسی نقاطی که از نقطه C به فاصله ۳ واحد باشد، دایره‌ای به مرکز C و شعاع ۳ است. (۰/۲۵) بنابراین نقطه برخورد خط عمود منصف (d) و دایره جواب مسئله است. (نقاط E و D) الف) اگر خط عمود منصف (d) و دایره یکدیگر را در دو نقطه قطع کنند مسئله دو جواب دارد (۰/۲۵). ب) اگر مماس شوند مسئله یک جواب دارد (۰/۲۵). پ) در صورتی که یکدیگر را قطع نکنند مسئله جواب ندارد (۰/۲۵).	۱/۵
۷	$d = \frac{ 3(1) - 4(-1) + 3 }{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{10}{5} = 2 \quad (۰/۵) \quad . \quad (x-1)^2 + (y+1)^2 = 4 \quad (۰/۵)$ ص ۴۳	۱
	«ادامه در صفحه دوم»	

با اسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\begin{cases} 2a = 10 \rightarrow a = 5 \\ 2b = 6 \rightarrow b = 3 \end{cases} \rightarrow a' = b' + c' \rightarrow c = 4 \quad (0 / 25) \quad \frac{c}{a} = \frac{4}{5} \quad (0 / 25)$ <p>(الف) $A(5,0), A'(-5,0) \quad (0 / 25) \quad F(4,0), F'(-4,0) \quad (0 / 25) \quad B(0,3), B'(0,-3) \quad (0 / 25)$</p> <p>(ب) $(0 / 25)$</p> <p>(پ) رسم بیضی $(0 / 25)$</p> <p>اگر مختصات رئوس و کانونها را روی محور نشان دهد و رسم انجام شود نمره کامل لحاظ شود.</p>	۱/۵
۹	<p>(الف) معادله متعارف سهمی $y - 1 = 8(x - 1) \quad (0 / 25)$ و فاصله کانونی $a = 2$</p> <p>(ب) راس سهمی $(1,1) \quad (0 / 25)$ معادله خط هادی $x = -1 \quad (0 / 25)$ و مختصات کانون آن $(3,1) \quad (0 / 25)$</p>	۵۵ ص
۱۰	<p>روش اول:</p> <p>با تعریف سهمی $MF = MT$ مثلث MFT متساوی الساقین است. $\hat{MFT} = \hat{TFM}$ $(0 / 25)$</p> <p>از طرفی با توجه خطوط موازی $FT \parallel MT$ و مورب FH نتیجه می شود $FH \parallel MT$ $(0 / 25)$</p> <p>از (۱) و (۲) نتیجه می شود TF نیمساز است. با توجه قضیه نیمساز در مثلث FHN داریم:</p> $\frac{NF}{FH} = \frac{NT}{TH} \xrightarrow{FH=2FA} \frac{NF}{2FA} = \frac{NT}{TH} \xrightarrow{\times 2} \frac{NF}{FA} = \frac{2NT}{TH} \quad (0 / 25)$ <p>روش دوم:</p> <p>با توجه به قضیه تالس در مثلث NHF: $FH \parallel MT$</p> $\frac{NM}{MF} = \frac{NT}{TH}$ $\frac{MT}{FH} = \frac{NM}{NF} \xrightarrow{MT=MF(0/25)} \frac{NF}{FH} = \frac{NM}{MF} \quad (0 / 25)$ $\frac{NF}{FA} = \frac{2NT}{TH} \quad (0 / 25)$	۱/۲۵
۱۱	رسم نمودار $(0 / 5)$	۵۵ ص
	«ادامه در صفحه سوم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	$y = 4$ (۰/۵) $D(2, 4, 3)$ (۰/۲۵) $x \leq 2$ (۰/۵) $z = 3$ (۰/۲۵) CDFG (الف) (ب)	۱/۵
۱۳	$\vec{a} = (2, 3, -1)$, $\vec{b} = (1, 0, 1)$ (۰/۲۵) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta \rightarrow 1 = \sqrt{14} \sqrt{2} \cos \theta \rightarrow \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{28}}$ (۰/۲۵) (الف) (ب) $\vec{d} = \vec{b} - \vec{c} = (1, -2, 0)$ (۰/۲۵) $\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{d}}{ \vec{d} } \vec{d} = \frac{-4}{\sqrt{5}} (1, -2, 0)$ (۰/۲۵) $ 2\vec{a} \times \vec{b} = 2\vec{a} \vec{b} \sin 30^\circ = 2(6)(4)\left(\frac{1}{2}\right) = 24$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) ۸۱ ص	۱/۷۵
۱۴	$\vec{AB} = (1, 2, 1)$, $\vec{AC} = (-3, 2, -3)$ (۰/۵) $\vec{AB} \times \vec{AC} = (-8, 0, 8)$ (۰/۵), $S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \vec{AB} \times \vec{AC} = 4\sqrt{2}$ (۰/۵) ۸۴ ص	۱/۵
۱۵	$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \longleftrightarrow \vec{a} \vec{b} \cos \theta = 0 \longleftrightarrow \cos \theta = 0 \longleftrightarrow \theta = \frac{\pi}{2}$ (۰/۲۵) ۷۹ ص	۱
	"مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	۲۰