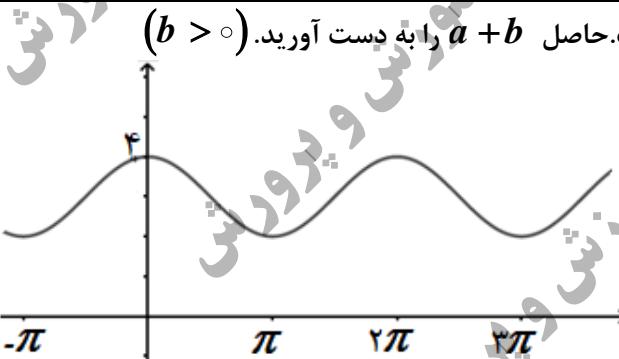
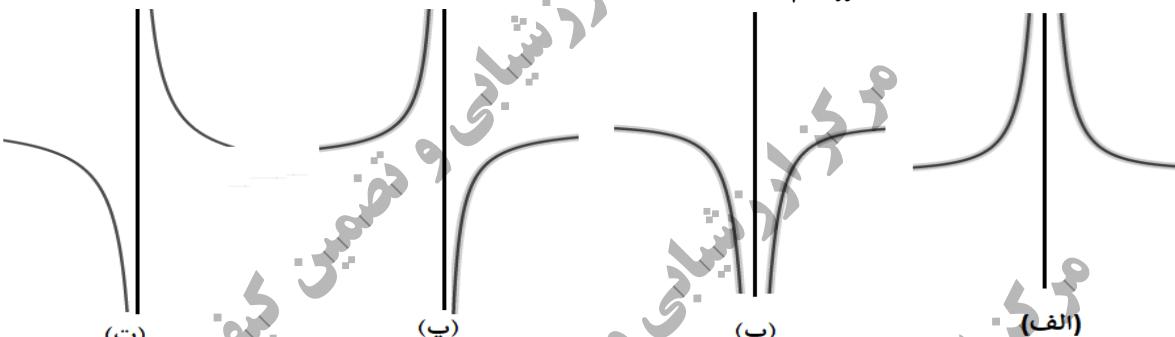
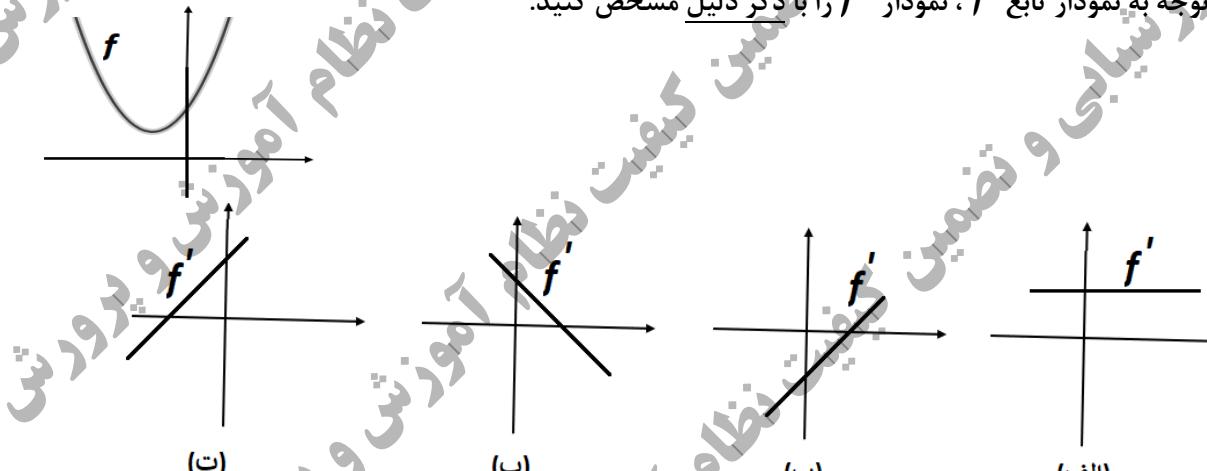


نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سئوالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تعداد صفحه:	۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه رشته: ریاضی و فیزیک
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشی در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			موکر ارزشیابی و تضمین کیفیت آموزش و پرورش http://aee.medu.ir
نمره	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.		ردیف

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) نقطه $(x, f(x))$ روی نمودار $y = \frac{1}{3}f(x)$ با نقطه $(-8, 6)$ روی نمودار $y = x^3$ متناظر است. ب) نمودار تابع $y = x^3 - 3$ را می توان با واحد انتقال نمودار $y = x^3$ به سمت راست رسم کرد. پ) تابع $f(x) = x^2 - 4x$ روی بازه $[2, +\infty)$ اکیداً صعودی است. ت) اگر $f'(1) = 2$ و $g'(1) = -3$ باشد، حاصل $(f' + g')(1)$ برابر ۹ است.	۱
۱/۲۵	جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. الف) اگر مقدار a برابر باشد، تابع $f(x) = ax + b$ هم صعودی و هم نزولی است. ب) دوره تناوب و مقدار ماکریم تابع $f(x) = 3\sin 2x$ به ترتیب برابر و است. پ) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \left(\frac{x+1}{\tan x} \right)$ برابر است. ت) اگر تابع f در $x=a$ پیوسته، آنگاه f در $x=a$ مشتق پذیر نیست.	۲
۱/۵	در چند جمله‌ای $P(x) = x^3 + ax^2 + b$ مقادیر a و b را چنان باید که باقی‌مانده تقسیم $P(x)$ بر $x+2$ برابر -1 و $P(x)$ بر $x-1$ بخش پذیر باشد.	۳
۱	عبارت $\frac{x^5+1}{x+1}$ را ساده کنید.	۴
۱	نمودار تابع $f(x) = a + \cos bx$ به صورت زیر است. حاصل $a+b$ را به دست آورید. 	۵
۱/۵	معادله مثلثاتی $\cos 2x - \cos x + 1 = 0$ را در بازه $x \leq \pi$ حل کنید.	۶
۱/۵	الف) اگر $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ax-3}{(2-x)^3} = +\infty$ باشد، حدود a را تعیین کنید. ب) مجانب افقی تابع $f(x) = \frac{x-4x^3}{x^3+5}$ را به دست آورید.	۷
ادامه سؤالات در صفحه دوم		

نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تعداد صفحه:	۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشی در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱ http://aee.medu.gov.ir			رشته: ریاضی و فیزیک

ردیف	نمره	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.
۸	۱/۲۵	کدام شکل وضعیت نمودار تابع $f(x) = \frac{2[x]}{4-x}$ در نزدیکی مجانب قائم آن است؟ <u>دلیل</u> خود را بنویسید. 
۹	۱	معادله خط مماس بر منحنی تابع $\sqrt{x} = f(x)$ را در نقطه ای به طول x° واقع بر نمودار تابع بنویسید.
۱۰	۲/۲۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) (الف) $f(x) = \sqrt{7x}(3x^2 + 2)$ (ب) $g(x) = \cos^3(2x) - \frac{1}{x}$
۱۱	۰/۷۵	با توجه به نمودار تابع f ، نمودار f' را با ذکر <u>دلیل</u> مشخص کنید. 
۱۲	۱/۵	یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t+2t} = \sqrt{3t}$ گرم است. در چه لحظه‌ای، آهنگ رشد جرم توده باکتری برابر آهنگ تغییر متوسط آن در بازه زمانی $4 \leq t \leq 4^{\circ}$ می‌شود؟
۱۳	۱/۲۵	یک مستطیل در یک نیم دایره محاط شده است. اگر شعاع دایره ۴ سانتی‌متر باشد، طول و عرض مستطیل را طوری به دست آورید که مساحت آن بیشترین مقدار ممکن باشد.
۱۴	۲/۲۵	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x + 2$ را رسم کنید.
۱۵	۱	فرض کنید $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$ محل تقاطع مجانب‌های آن، نقطه $(2, 1)$ است. اگر این تابع از نقطه $(-1, 0)$ بگذرد، ضابطه تابع را به دست آورید.
۲۰	جمع نمرات	«موفق و سر بلند باشید.»