

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲		پایه: دوازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
نمره							

۱	الف) نادرست (۵/۲۵) صفحه ۵۴ (ب) درست (۵/۲۵) صفحه ۱۰۱ (پ) نادرست (۵/۲۵) صفحه ۱۳۱ (۵/۷۵)
۲	الف) -۱ (۵/۲۵) صفحه ۳۴ (ب) $+\infty$ (۵/۲۵) صفحه ۵۳ (پ) $x = 0$ (۵/۲۵) صفحه ۸۸ (۵/۷۵)
۳	گزینه ۲ (۵/۲۵) صفحه ۱۲۸ و ۱۲۹ (۵/۲۵)
۴	صفحه ۱۲ رسم دقیق هر پاره خط نمودار تابع، هر کدام (۵/۵) نمره. توضیحات نمره گذاری: (۱) اگر نمودار در چند مرحله رسم شود، به هر مرحله (۵/۲۵) تعلق گیرد. (۲) اگر نمودار دقیقاً به درستی رسم نشود ولی دامنه یا برد به درستی در شکل مشخص گردند، به هر کدام (۵/۲۵) تعلق گیرد.
۵	فرض کنید a و b دو عدد دلخواه در این فاصله باشند که $a < b$. (۵/۲۵) چون توابع f و g اکیداً صعودی هستند، نتیجه می شود که $f(a) < f(b)$ (۵/۲۵) و $g(a) < g(b)$ (۵/۲۵). بنابراین، $f(a) + g(a) < f(b) + g(b)$. از این رو، نتیجه می شود که $(f+g)(a) < (f+g)(b)$ (۵/۲۵) پس، روی این فاصله تابعی اکیداً صعودی است. (۵/۲۵) صفحه ۲۲
۶	صفحه ۲۲ $x + 2 = 0 \Rightarrow x = -2$ (۵/۲۵) $p(-2) = -1 \Rightarrow -16 - 2m - 1 = -1 \Rightarrow m = -8$ (۵/۲۵) توضیحات نمره گذاری: اگر با تقسیم چندجمله ای بر چندجمله ای مقدار m به درستی به دست آید، به تناسب نمره تعلق گیرد.
۷	صفحه ۲۷ $T = \frac{2\pi}{3}$ (۵/۲۵) $\max = 1$ (۵/۲۵) $\min = -3$ (۵/۲۵) توضیحات نمره گذاری: اگر دانش آموز نمودار تابع را رسم کند و مقادیر ماکزیمم، مینیمم و دوره تناوب را روی نمودار به صورت دقیق مشخص نماید، نمره تعلق گیرد.
۸	روش اول: $\begin{cases} \sin(2\pi + x) = 0 \\ \cos x = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2\pi + x = k\pi \\ x = k\pi + \frac{\pi}{2} \end{cases} \Rightarrow x = k\pi - 2\pi \quad k \in \mathbb{Z}$ (۵/۲۵) روش دوم: $\sin(2\pi + x) = \sin x \Rightarrow \sin x \cos x = 0 \Rightarrow \begin{cases} \sin x = 0 \\ \cos x = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi \\ x = k\pi + \frac{\pi}{2} \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z}$ (۵/۲۵) روش سوم: $\sin(2\pi + x) = \sin x \Rightarrow \sin x \cos x = 0 \Rightarrow \sin 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} \quad k \in \mathbb{Z}$ (۵/۲۵) توضیح نمره گذاری: اگر در هر یک از روش ها، جواب ها به جای حالت خاص، به فرم کلی نوشته شود، نمره تعلق گیرد. (۵/۲۵) صفحه ۴۰

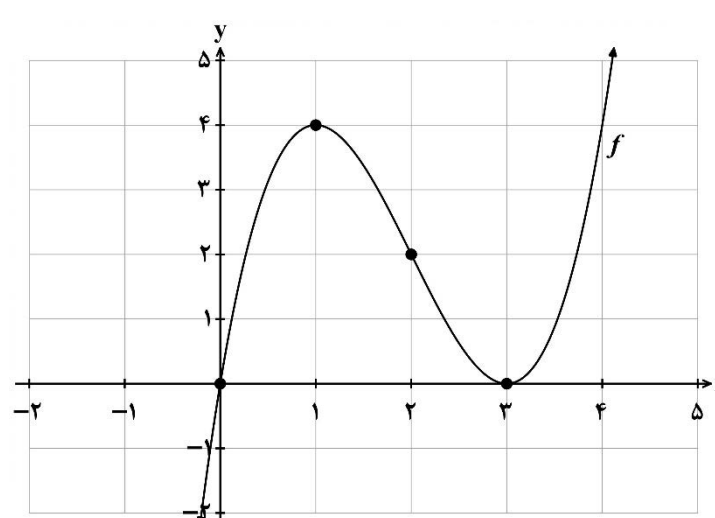
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲		پایه: دوازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینثارگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) – تابستان ۱۴۰۴				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
		نمره					

۹	صفحه ۴۲ روش اول: $\tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta} \Rightarrow \overbrace{-2}^{(0/5)} = \frac{1 + \tan \beta}{1 - \tan \beta} \Rightarrow \overbrace{\tan \beta = 3}^{(0/25)}$ روش دوم: $\tan(\beta) = \tan(\alpha + \beta - \alpha) = \frac{\overbrace{\tan(\alpha + \beta) - \tan \alpha}^{(0/25)}}{1 + \tan(\alpha + \beta) \tan \alpha} = \frac{\overbrace{-2 - 1}^{(0/25)}}{1 + (-2)(1)} = \overbrace{3}^{(0/25)}$	۰/۷۵
۱۰	الف) صفحه ۵۸ $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{[x] - 3}{3 - x} = \frac{\overbrace{-1}^{(0/25)}}{\underbrace{0^+}_{(0/25)}} = -\infty \quad (0/25)$ ب) صفحه ۶۶ $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^3 + 2x^2 + 1}{1 + 8x - x^2} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\overbrace{-4x^3}^{(0/25)}}{\underbrace{-x^2}_{(0/25)}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} 4x = -\infty \quad (0/25)$	۱/۵
۱۱	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = -2 \quad \text{یا} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = -2$ $\lim_{x \rightarrow (-\frac{1}{2})^-} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = -\infty \quad \text{یا} \quad \lim_{x \rightarrow (-\frac{1}{2})^+} \frac{-4x + 3}{2x + 1} = +\infty$ خط $y = -2$ ، مجانب افقی تابع است. $(0/25)$ خط $x = -\frac{1}{2}$ ، مجانب قائم تابع است $(0/25)$ صفحه ۶۹	۱
۱۲	صفحه ۷۸ $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2) - f(2+h)}{h} = -f'(2) \quad (0/25) \Rightarrow m = f'(2) = 2 \quad (0/25)$ معادله خط $d: y = 2x + 1$ $(0/25)$ عرض نقطه $B: 1$ $(0/25)$	۱
۱۳	صفحه ۸۸ روش اول: $\begin{cases} f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x(x-1)}{x-1} = 1 \quad (0/5) \\ f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-x(x-1)}{x-1} = -1 \quad (0/5) \end{cases}$ با توجه به اینکه $f'_+(1) \neq f'_-(1)$ ، نتیجه می شود که تابع f در نقطه $x = 1$ مشتق پذیر نیست. $(0/25)$ روش دوم: $\begin{cases} f'_+(1) = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{(1+h) h }{h} = \lim_{h \rightarrow 0^+} (1+h) = 1 \quad (0/5) \\ f'_-(1) = \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{(1+h) h }{h} = \lim_{h \rightarrow 0^-} -(1+h) = -1 \quad (0/5) \end{cases}$ با توجه به اینکه $f'_+(1) \neq f'_-(1)$ ، نتیجه می شود که تابع f در نقطه $x = 1$ مشتق پذیر نیست. $(0/25)$ توضیحات نمره گذاری: اگر فقط به جمله «تابع f در نقطه $x = 1$ مشتق پذیر نیست.» اشاره شود، $(0/25)$ تعلق گیرد.	۱/۲۵
صفحه ۲ از ۴		

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲		پایه: دوازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷	
تعداد صفحه: ۴		مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴							
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش				Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
		نمره					

۱۴	(الف) $f'(x) = \underbrace{(7)}_{(0/25)} \left(\underbrace{\frac{1}{2\sqrt{x}}}_{(0/25)} + \underbrace{3}_{(0/25)} \right) \underbrace{(\sqrt{x} + 3x)^6}_{(0/25)}$ (ب) $g'(x) = \underbrace{(3)}_{(0/25)} \underbrace{(4)}_{(0/25)} \underbrace{(-\sin 4x)}_{(0/25)} \underbrace{(\cos^2 4x)}_{(0/25)}$ توضیحات نمره گذاری: در صورتی که بین پرانتزها علامت جمع، تفریق یا تقسیم نوشته شده بود، تنها (۰/۲۵) نمره کسر گردد. صفحه ۹۷	۱/۷۵
۱۵	قسمت الف) $\frac{f(6) - f(1)}{6 - 1} \quad (0/25) = \frac{30 - 10}{5} = 4 \quad (0/25)$ قسمت ب) $f'(1) \neq f'_-(1)(t) = 2t - 3 \quad (0/25) \Rightarrow f'(2) = 1 \quad (0/25)$ صفحه ۱۰۹	۱
۱۶	$f'(x) = -x^2 + 1 \quad (0/25) \xrightarrow{f'(x)=0} \begin{cases} x=1 \quad (0/25) \\ x=-1 \notin [0, 2] \end{cases}$ $f(0)=0 \quad (0/25) \quad f(1)=\frac{2}{3} \quad (0/25) \quad f(2)=-\frac{2}{3} \quad (0/25)$ مقدار مینیمم مطلق: $-\frac{2}{3} \quad (0/25)$ صفحه ۱۱۷	۱/۵
۱۷	$\begin{cases} f'(x) = 3ax^2 + 2bx + 24 \quad (0/25) \\ f''(x) = 6ax + 2b \quad (0/25) \end{cases}$ $\begin{cases} f'(-2) = 0 \quad (0/25) \\ f''(1) = 0 \quad (0/25) \end{cases} \Rightarrow a = -1 \quad (0/25), \quad b = 3 \quad (0/25)$ صفحه ۱۳۶	۱/۵

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: حسابان ۲	پایه: دوازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۵/۲۷
تعداد صفحه: ۴	مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷ صبح به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران و داوطلبان آزاد (داخل و خارج از کشور) - تابستان ۱۴۰۴	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری		
	نمره		

۲	صفحه ۱۴۴ ۱۸ $f'(x) = 3x^2 - 12x + 9 \xrightarrow{f'=0} \begin{cases} x=1 & (0/25) \\ x=3 & (0/25) \end{cases}$$f''(x) = 6x - 12 \xrightarrow{f''=0} x=2 \quad (0/25)$<table border="1"><thead><tr><th></th><th>$-\infty$</th><th>۱</th><th>۲</th><th>۳</th><th>$+\infty$</th></tr></thead><tbody><tr><td>f'</td><td>+</td><td>۰</td><td>-</td><td>-</td><td>۰</td><td>+</td></tr><tr><td>f''</td><td>(-)</td><td>(-)</td><td>۰</td><td>(+)</td><td>(+)</td><td>(+)</td></tr><tr><td>f</td><td>↗</td><td>↘</td><td>↖</td><td>↘</td><td>↗</td><td>↗</td></tr><tr><td></td><td></td><td>ماکزیمم نسبی</td><td>نقطه عطف</td><td>مینیمم نسبی</td><td></td><td></td></tr></tbody></table> توضیحات جدول رفتار: تعیین علامت مشتق تابع (۰/۲۵) تعیین علامت مشتق دوم و جهت تقعر تابع (۰/۲۵) مشخص کردن صعودی و نزولی بودن تابع و نقاط ماکزیمم و مینیمم و نقطه عطف تابع (۰/۲۵)  رسم صحیح نمودار تابع (۰/۵)		$-\infty$	۱	۲	۳	$+\infty$	f'	+	۰	-	-	۰	+	f''	(-)	(-)	۰	(+)	(+)	(+)	f	↗	↘	↖	↘	↗	↗			ماکزیمم نسبی	نقطه عطف	مینیمم نسبی			
	$-\infty$	۱	۲	۳	$+\infty$																															
f'	+	۰	-	-	۰	+																														
f''	(-)	(-)	۰	(+)	(+)	(+)																														
f	↗	↘	↖	↘	↗	↗																														
		ماکزیمم نسبی	نقطه عطف	مینیمم نسبی																																
۲۰	موفق باشید																																			
صفحه ۴ از ۴																																				