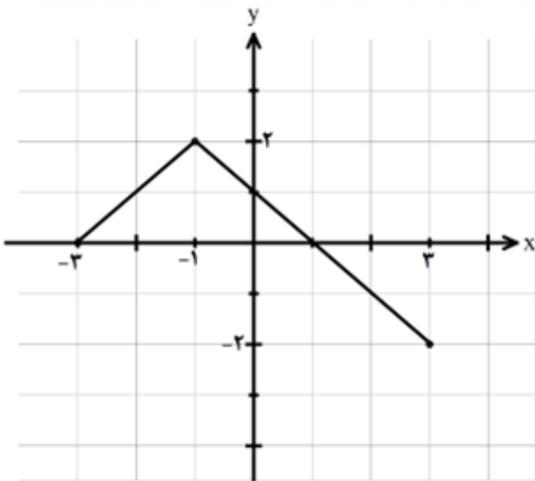


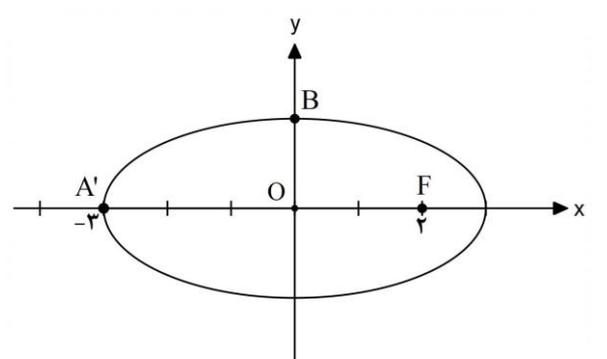
|  |                        |  |                      |
|--|------------------------|--|----------------------|
| سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۳  | تعداد صفحه: ۲          | رشته: علوم تجربی   | ساعت شروع: ۱۰:۳۰ صبح |
| دوازدهم  | تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۱۰/۹ | نام و نام خانوادگی:  | مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل و خارج از کشور دی ماه ۱۴۰۳ |                        | مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>azmoon.medu.gov.ir |                      |

|      |  |      |
|------|--|------|
| ردیف | سؤالات (پاسخ برگ دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است) | نمره |
|------|--|------|

|   |   |      |
|---|---|------|
| ۱ | <p>درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) دامنه تابعهای <math>y = -2f(x) + 4</math> و <math>y = \frac{1}{5}f(x)</math> با یکدیگر برابر است.</p> <p>ب) اگر تابعی یک به یک باشد، آنگاه اکیداً یکنوا است.</p> <p>پ) بازه‌ای که تابع تنازانت در آن نزولی باشد، وجود ندارد.</p> <p>ت) هر نقطه اکسترمم مطلق، اکسترمم نسبی نیز هست.</p>   | ۱    |
| ۲ | <p>هر یک از جمله‌های زیر را با عبارت یا عدد مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) تعداد جواب‌های معادله <math>\sin x = \frac{1}{3}</math> در بازه <math>(0, \pi)</math> برابر ..... است.</p> <p>ب) باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای <math>2x^3 - 5x + 2</math> بر <math>x + 1</math> برابر ..... است.</p> <p>پ) بازه <math>(7, 9)</math> یک همسایگی راست عدد ..... است.</p> <p>ت) اگر دو پیشامد A و B با هم رخ ندهند، آنگاه دو پیشامد ..... هستند.</p> | ۱    |
| ۳ | <p>نمودار تابع <math>f</math> به صورت زیر است.</p> <p>نمودار تابع <math>y = -f(3x) + 1</math> را رسم کنید.</p>   | ۰/۷۵ |
| ۴ | <p>تابع‌های <math>f(x) = \frac{x+1}{x-2}</math> و <math>g(x) = \sqrt{x-2}</math> را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) دامنه تابع <math>(f \circ g)(x)</math> را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p> <p>ب) مقدار <math>(g \circ f^{-1})(2)</math> را محاسبه کنید.</p>   | ۱/۷۵ |
| ۵ | <p>معادله مثلثاتی <math>\cos 2x - 3\cos x - 1 = 0</math> را حل کنید و جواب‌های کلی آن را بنویسید.</p>   | ۱/۵  |
| ۶ | <p>مقدار مینیمم و دوره تناوب تابع <math>f(x) = c - 2\sin(bx)</math> به ترتیب ۴ و <math>\frac{\pi}{3}</math> است، مقادیر <math> b </math> و <math>c</math> را محاسبه کنید.</p>   | ۱    |

|  |                      |  |                                 |
|--|----------------------|--|---------------------------------|
| ساعات شروع : ۱۰:۳۰ صبح   | رشته : علوم تجربی    | تعداد صفحه : ۲   | سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۳ |
| مدت آزمون : ۱۲۰ دقیقه  | نام و نام خانوادگی : | تاریخ آزمون : ۱۴۰۳/۱۰/۹  | دوازدهم                         |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>azmoon.medu.gov.ir |                      | دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترگر داخل و خارج از کشور دی ماه ۱۴۰۳ |                                 |

|      |  |      |
|------|--|------|
| ردیف | سؤالات (پاسخ برگ دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است) | نمره |
|------|--|------|

|    |   |      |
|----|---|------|
| ۷  | حدهای زیر را محاسبه کنید.   | ۱/۵  |
|    | الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{2[-x]+1}{ x-2 }$ ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2-x+1}{-x^5+2x^2-3}$  |      |
| ۸  | شیب خط مماس بر منحنی $f(x) = x^2 - x$ در نقطه $x = 3$ را با استفاده از تعریف مشتق به دست آورید.   | ۱    |
| ۹  | مشتق تابع‌های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)<br>الف) $f(x) = (2x^6 + \sqrt{2x})^7$<br>ب) $g(x) = \frac{2x^3 - 1}{-x^2 + 2x}$  | ۲    |
| ۱۰ | تابع $f(x) = x^3 + x - 5$ را در نظر بگیرید.<br>الف) آهنگ تغییر متوسط تابع $f$ را در بازه $[0, 3]$ به دست آورید.<br>ب) آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع $f$ در چه نقطه‌ای از بازه $[0, 3]$ برابر ۱۳ است؟  | ۲    |
| ۱۱ | با رسم جدول تغییرات تابع $f(x) = -x^3 - 3x^2 + 2$ طول نقاط ماکزیمم و مینیمم نسبی تابع را در صورت وجود بیابید.   | ۱/۷۵ |
| ۱۲ | طول مستطیلی را بیابید که مساحت آن ۱۶ سانتی مترمربع و محیط آن کمترین مقدار ممکن گردد.  | ۱    |
| ۱۳ | وضعیت دو دایره به معادله $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 1$ و $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 1 = 0$ را نسبت به هم بررسی کنید.  | ۱/۷۵ |
| ۱۴ | در شکل زیر طول پاره خط $OB$ را محاسبه کنید.   | ۰/۷۵ |
|    |    |      |
| ۱۵ | دو ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۵ مهره قرمز و ۶ مهره زرد و ظرف دوم شامل ۴ مهره قرمز و ۷ مهره زرد است. از ظرف اول به تصادف یک مهره انتخاب می‌کنیم و در ظرف دوم قرار می‌دهیم. سپس یک مهره از ظرف دوم انتخاب می‌کنیم. به چه احتمالی این مهره زرد است؟ | ۱/۲۵ |
|    | جمع نمره  | ۲۰   |