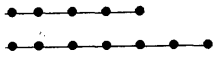


باسمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس: جبر و احتمال		رشته: ریاضی-فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سال سوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۳۸۷ / ۳ / ۱۱		
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خرداد ماه) سال تحصیلی ۸۷-۱۳۸۶		اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی		
ردیف	سوالات			
۱	با استفاده از استدلال استنتاجی نشان دهید اگر به مکعب عدد فردی یک واحد اضافه کنیم عدد زوجی به دست می آید. ۰/۷۵			
۲	با استفاده از اصل استقرای ریاضی ثابت کنید برای هر عدد طبیعی n عدد $p_n = 11^n - 1$ بر عدد ۱۰ بخش پذیر است. ۱/۵			
۳	اگر a و b دو عدد حقیقی مثبت باشند ثابت کنید $\frac{1}{\sqrt{a}} + \frac{1}{\sqrt{b}} \geq \frac{4}{\sqrt{a+b}}$ ۱			
۴	می دانیم $\sqrt{3}$ و $\sqrt{7}$ اعدادی گنگ هستند. نشان دهید عدد $\frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$ نیز عددی گنگ است. ۱			
۵	۵۰ ورزشکار مرد در رشته های فوتبال، والیبال و بسکتبال از شهرهای تهران، مشهد، اصفهان و بوشهر در یک اردوی ورزشی شرکت کرده اند. ثابت کنید حد اقل ۵ ورزشکار هم رشته و هم شهری هستند. ۱/۲۵			
۶	به کمک جبر مجموعه ها ثابت کنید: $(A \cap B) - (A \cap C) = A \cap (B - C)$ ۱/۵			
۷	رابطه ی R روی مجموعه ی $\{0\} - R$ چنین تعریف شده است. $xRy \Leftrightarrow xy > 0$. الف) ثابت کنید R یک رابطه ی هم ارزی است. ب) کلاس هم ارزی $[-2]$ را به دست آورید. ۱/۵			
۸	مجموعه های $A = \{3^x x \in \mathbb{N}, x \leq 2\}$ و $B = \{3^x x \in \mathbb{Z}, x < 2\}$ داده شده است. الف) مجموعه های A و B را به صورت اعضا مشخص کنید. ب) حاصلضرب دکارتی $B \times A$ را تشکیل دهید و نمودار آن را رسم کنید. ۱/۲۵			
۹	نمودار رابطه ی مقابل را رسم کنید. $R = \{(x, y) x^2 + y^2 \leq 4, x - y \geq 1\}$ ۱/۲۵			
۱۰	دو مکعب سالم را پرتاب می کنیم، مطلوب است تعیین: الف) تعداد اعضای فضای نمونه ای. ب) پیشامد A که در آن مجموع اعداد رو شده ۸ شود. ج) پیشامد B که در آن حاصلضرب اعداد رو شده مضرب ۱۵ شود. د) پیشامد $A - B$. ۲			
« ادامه ی سوالات در صفحه ی دوم »				

باسمه تعالی

سؤالات امتحان نهائی درس: جبر و احتمال		رشته: ریاضی-فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
سال سوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۱ / ۳ / ۱۳۸۷		
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دوم (خرداد ماه) سال تحصیلی ۸۷-۱۳۸۶		اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی		
ردیف	سؤالات			
۱۱	۵ دانش آموز در نظر می گیریم. احتمال این که روز تولد هیچ دو نفری از آن ها یک روز هفته نباشد را مشخص کنید. ۱			
۱۲	چهار دونه a, b, c و d در یک مسابقه شرکت می کنند. فرض کنیم احتمال برنده شدن a سه برابر احتمال برنده شدن b و احتمال برنده شدن b نصف احتمال برنده شدن c و دونده های c و d هم شانسی باشند. احتمال برنده شدن a یا d را به دست آورید. $1/5$			
۱۳	احتمال آن که در خانه ای یخچال باشد برابر $7/85$ و احتمال آن که هم یخچال و هم تلویزیون باشد برابر $4/10$ و احتمال آن که حداقل یکی از دو وسیله یخچال و تلویزیون باشد $96/100$ می باشد احتمال آن را بیابید که در این خانه: الف) تلویزیون باشد ب) فقط یخچال باشد $1/25$			
۱۴	دوازده نقطه مطابق شکل زیر روی دو خط موازی قرار دارند. از این نقطه ها سه نقطه به تصادف انتخاب می کنیم احتمال این که این سه نقطه رأس های یک مثلث باشند را، به دست آورید. 			
۱۵	نقطه ای به تصادف درون مثلث قائم الزاویه متساوی الساقینی که طول هر ساق آن ۳ سانتی متر است انتخاب می کنیم مطلوب است محاسبه ی احتمال آن که فاصله ی این نقطه از هر رأس مثلث بیشتر از ۱ سانتی متر باشد. $1/5$			
۱۶	قضیه: ثابت کنید اگر داشته باشیم $A \subseteq B$ آنگاه $P(B - A) = P(B) - P(A)$ $7/75$			
	« موفق باشید »		جمع نمره	
			۲۰	

سایت اداره کل سنجش و ارزشیابی تحصیلی وزارت آموزش و پرورش به آدرس: (<http://aee.medu.ir>) تنها سایت مرجع سؤالات و رهنمای آن در کشور و همچنین پاسخگویی به سؤالات دانش آموزان در خصوص امتحانات می باشد.