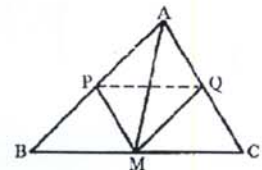


راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی : ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۱۳۸۹ / ۱۰ / ۲۵
دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۸۹	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

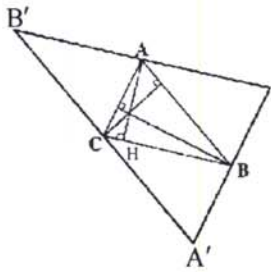
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) هر گاه چند خط فقط در یک نقطه همدیگر را قطع کنند ، هم‌رس نامیده می شوند. (۰/۲۵) ب) تبدیلی که فاصله ی بین نقطه ها را حفظ می کند ، ایزومتري نامیده م، شود. (۰/۵) ج) صفحه ای را که در وسط یک پاره خط ، بر آن عمود باشد صفحه عمود منصف آن پاره خط گوئیم. (۰/۲۵)	۱
۲	الف) قضیه شرطی : اگر چهار ضلعی مستطیل باشد ، آنگاه آن چهار ضلعی متوازی الاضلاع است. (۰/۲۵) عکس قضیه : اگر چهار ضلعی متوازی الاضلاع باشد ، آنگاه آن چهار ضلعی مستطیل است . این یک قضیه نیست . مثال نقض: متوازی الاضلاع مقابل (رسم شکل ۰/۲۵) ب) قضیه شرطی : اگر دو مثلث متشابه باشند ، آنگاه ضلعهای متناظر ، متناسبند. (۰/۲۵)	۰/۲۵
۳	 $\Delta AMC \xrightarrow[\text{نیمساز}]{MQ} \frac{MA}{MC} = \frac{AQ}{QC} \quad (۰/۲۵)$ $\xrightarrow{M:C=MB} \frac{AQ}{QC} = \frac{AP}{PB} \xrightarrow{\text{عکس قضیه تالس}} PQ \parallel BC \quad (۰/۲۵)$ $\Delta AMB \xrightarrow[\text{نیمساز}]{MP} \frac{MA}{MB} = \frac{AP}{PB} \quad (۰/۲۵)$	۱
۴	فرض کنیم $AB = ED, BC = EF, AC > DF$ می خواهیم ثابت کنیم $B > E$. برهان خلف : فرض می کنیم حکم درست نباشد یعنی $B \leq E$ (۰/۲۵) الف) اگر $B = E$ با توجه به فرض دو مثلث همنهشت می شوند پس $AC = DF$ (۰/۲۵) ب) اگر $B < E$ با توجه به فرض و قضیه لولا نتیجه می شود $AC < DF$ (۰/۲۵) در هر دو حالت نتایج به دست آمده با فرض مسئله تناقض دارد. پس فرض خلف باطل است و حکم برقرار است.	۰/۲۵
۵	پاره خط DE و عمود منصف آن را رسم می کنیم (۰/۲۵) (O وسط DE باشد) اگر به مرکز O به شعاع $R = OD$ کمان بزنیم (۰/۲۵) این عمود مننه را در دو نقطه F و G قطع می کند . چهار ضلعی DFEG مربع است (۰/۲۵) زیرا قطرهايش برابر و عمود منصف یکدیگرند. (۰/۲۵)	۱
«ادامه در صفحه ی دوم»		

راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۱۰ / ۲۵
دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۸۹	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱/۲۵



اثبات: از رأسهای مثلث ABC خطهای موازی سه ضلع رسم می کنیم تا مثلث جدید A'B'C' بدست آید. چهار ضلعی ACBC' و AB'CB متوازی الاضلاع هستند پس $AC' = BC$ و $AB' = BC$ در نتیجه $AB' = AC'$ (*) (۰/۲۵) از طرفی AH (ارتفاع وارد بر BC) بر BC عمود است پس بر B'C' نیز عمود است (**)(۰/۲۵) از (*) و (**) نتیجه می گیریم AH بر عمود منصف ضلع B'C' منطبق است. (۰/۲۵) بهمین ترتیب ثابت می شود دو ارتفاع دیگر مثلث ABC بر عمود منصفهای مثلث A'B'C' منطبق اند (۰/۲۵) چون عمود منصفهای مثلث A'B'C' هم‌رسانند (۰/۲۵) پس ارتفاعهای مثلث ABC هم‌رسانند.

۶

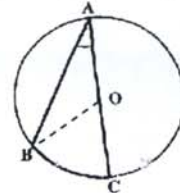
۱

$$OA = OB \longrightarrow \widehat{OBA} = \widehat{OAB} \quad (۰/۲۵)$$

$$(\widehat{B\hat{O}C} = \widehat{BC}) \quad (۰/۲۵) \text{ (زاویه مرکزی)}$$

$$(\widehat{B\hat{O}C} = \widehat{OBA} + \widehat{OAB} = 2\widehat{OAB}) \quad (۰/۲۵) \text{ (زاویه خارجی مثلث OAB)}$$

$$\longrightarrow 2\widehat{OAB} = \widehat{BC} \longrightarrow \widehat{OAB} = \frac{\widehat{BC}}{2} \quad (۰/۲۵)$$



اثبات: از نقطه O به B وصل می کنیم:

۷

۱

الف) مکمل (۰/۲۵) ب) دو مماس (۰/۲۵) ج) بازتاب (۰/۲۵) د) خط (۰/۲۵)

۸

۱/۷۵

$$\frac{y-x}{2} = 62^\circ \quad (۰/۲۵)$$

الف) $\longrightarrow y = 242^\circ, x = 118^\circ \quad (۰/۲۵)$

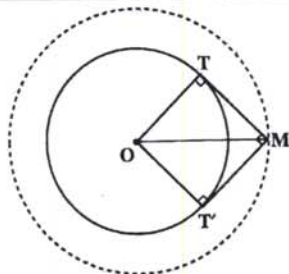
$$x + y = 360^\circ \quad (۰/۲۵)$$

$$2x = 4 \times 5 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = 10 \quad 6^2 = y \times (y + 5 + 4) \quad (۰/۲۵) \longrightarrow y^2 + 9y - 36 = 0$$

$$y = 3 \quad (۰/۲۵) \text{ (ق ق)} \quad \text{یا} \quad y = -12 \quad (۰/۲۵) \text{ (ق ق)}$$

۹

۱



رسم شکل (۰/۲۵)

فرض کنیم M یکی از آن نقطه‌هایی باشد که از آن دو مماس عمود برهم MT و MT' بر دایره C(O, R) رسم شده است. چهار ضلعی OTMT' مربع است (۰/۲۵) زیرا چهار زاویه قائمه دارد و دو ضلع مجاورش نیز برابرند (۰/۲۵) قطر این مربع $OM = R\sqrt{2}$ مقدار ثابتی است. دایره به مرکز O و به شعاع $OM = R\sqrt{2}$ مکان هندسی نقطه M است. (۰/۲۵)

۱۰

«ادامه در صفحه‌ی سوم»

راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی : ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۱۳۸۹ / ۱۰ / ۲۵
دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۸۹	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۱ اثبات : پاره خط AB' را رسم می‌کنیم

$\hat{A}MB = \hat{A}B'B + \hat{A}'\hat{A}B' = \frac{AB}{2} + \frac{A'B'}{2} \quad (./25)$
 (زاویه خارجی مثلث AMB')

$\Rightarrow \hat{A}MB = \frac{AB + A'B}{2}$

۱۲ دو مورد از موارد زیر نوشته شود : (هر مورد ۰/۲۵)
 دوران مرکز دوران را ثابت نگه می‌دارد. - دوران الزاماً شیب خط را حفظ نمی‌کند. - دوران یک ایزومتري است.

۱۳ (الف)

$A(1, 3) \xrightarrow{D} A'(2, 6)$
 $B(5, 5) \xrightarrow{D} B'(10, 10)$
 $C(6, 3) \xrightarrow{D} C'(12, 6)$ } (۰/۵)

رسم شکل (۰/۵)

(ب)

$AB = \sqrt{(5-1)^2 + (5-3)^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$, $A'B' = \sqrt{(10-2)^2 + (10-6)^2} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$ (۰/۲۵) $\rightarrow A'B' = 2AB$ (./۲۵)

(ج) این خطها در مرکز تجانس هم‌رسانند. (۰/۲۵)

۱۴ ضابطه این بازتاب $R(x, y) = (-y, -x)$ است .

$A(0, 5) \rightarrow A'(-5, 0)$, $B(-5, 0) \rightarrow B'(0, 5)$ (۰/۲۵)

$m_{A'B'} = \frac{5-0}{0-(-5)} = 1 \Rightarrow y - 0 = 1(x - (-5))$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = x + 5$ (۰/۲۵) رسم شکل

۱۵ با توجه به شکل ، تحت انتقالی به موازات خط مورب m که خط L_1 را بر L_2 می‌نگارد (۰/۲۵) $C \rightarrow C'$ و $B \rightarrow B'$ و $A \rightarrow A'$ خواهیم داشت (۰/۲۵)

بنابراین $ABC \rightarrow A'B'C'$ (۰/۲۵) یعنی زاویه های متناظر برابرند (۰/۲۵)

«ادامه در صفحه‌ی چهارم»

راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)	رشته‌ی: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۸۹ / ۱۰ / ۲۵
دانش‌آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۸۹	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۶	الف) درست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵) ج) غلط (۰/۲۵) د) غلط (۰/۲۵)	۱
۱۷	برای اثبات دو حالت زیر را در نظر می‌گیریم: الف) L در صفحه P قرار ندارد. فرض کنیم P' صفحه گذرنده از L باشد که P را در خط L' قطع کند (۰/۲۵) و L' هر دو در صفحه P' هستند و هم دیگر را قطع نمی‌کنند (۰/۲۵) زیرا از متقاطع بودن L و L' نتیجه می‌شود که خط L صفحه P را قطع می‌کند که خلاف فرض است (۰/۲۵). پس با هم موازیند (۰/۲۵) ب) خط L در صفحه P قرار دارد. در این حالت هر صفحه P' متمایز از P که از L می‌گذرد صفحه P را در همان خط L قطع می‌کند و درستی قضیه روشن است. (۰/۲۵)	
۱۸	دو صفحه موازی P و P' و خط L روی P را در نظر می‌گیریم. فرض خلف: اگر L با P' موازی نباشد در نتیجه در نقطه‌ای مثل A آن را قطع می‌کند (۰/۲۵) چون P شامل L است پس $A \in P$ چون $A \in P'$ پس P و P' در نقطه A مشترکند (۰/۲۵) و این با موازی بودن P و P' در تناقض است (۰/۲۵) پس فرض خلف باطل و حکم برقرار است. عکس مطلب نیز درست است (۰/۲۵).	۱
۱۹	الف) دو صفحه متمایز P_1 و P_2 که شامل خط L هستند را در نظر می‌گیریم. در صفحه P_1 از نقطه A خط L_1 را بر L عمود کنیم (۰/۲۵) بطور مشابه در صفحه P_2 خط L_2 را بر L عمود می‌کنیم. (۰/۲۵) چون L_1 و L_2 متقاطعند و L بر هر دوی آنها عمود است پس L بر صفحه گذرنده از L_1 و L_2 عمود است (۰/۲۵). این همان صفحه‌ی مطلوب است. ب) در صفحه شامل A و خط L خط L' را از نقطه A موازی L رسم می‌کنیم (۰/۲۵) نقطه A روی خط L' است. طبق بند الف سوال صفحه P' را از نقطه A بر L' عمود می‌کنیم (۰/۲۵) صفحه P' بر یکی از دو خط موازی عمود است پس بر دیگری یعنی L نیز عمود است. (۰/۲۵)	
۲۰	جمع نمره	«موفق باشید»

مصححین محترم: لطفاً به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بازم به تناسب منظور شود.