

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۶	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۶	
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		
نمره	ردیف ۱ توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)	

۱/۵	<p>جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>(الف) مجموع n عدد فرد طبیعی برابر با است.</p> <p>(ب) ب.م.م سه عدد x^2yz, $8x^3y^2$, $10x^2y^2z$, عدد است.</p> <p>(پ) جزء صحیح عدد $\sqrt{2}$ است.</p> <p>(ت) مقدار عددی $\cos(\cos^{-1}\frac{1}{3})$ است.</p> <p>(ث) برای رسم تابع $y = x+1 - 2$ با استفاده از نمودارتابع $x = f(x)$, نمودار f, یک واحد روی محور طول ها به سمت و واحد روی محور عرض ها به سمت پایین می آید.</p>	۱
۱/۲۵	<p>درست یا نادرست بودن عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) مقدار مینیمم تابع $y = x^2 - 4x + 4$ صفر است.</p> <p>(ب) دوره تناوب تابع $y = \sin 5x$ مقدار $T = \frac{\pi}{5}$ است.</p> <p>(پ) اگر $x^2 = 4y$ باشد، $(1)^f$ برابر ۸ است.</p> <p>(ت) تابع $f(x) = x^2$ در بازه $[0, 1]$ صعودی اکید است.</p> <p>(ث) تابع $f(x) = 3x + \sin x$ زوج است.</p>	۲
۰/۷۵	<p>نمودارسهمی $p(x) = ax^2 + bx + c$ در شکل زیر آمده است.</p> <p>علامت ضرایب a, b, c را تعیین کنید.</p>	۳
۱	<p>معادله $\frac{2}{x-3} - \frac{3}{x+3} = \frac{12}{x^2-9}$ را حل کنید.</p>	۴
۱/۵	<p>با روش هندسی نامعادله $x+1 < x^2 - 1$ را حل کرده و مجموعه جواب را به صورت بازه نمایش دهید.</p>	۵
۱/۵	<p>دو تابع $f(x) = x + 2$ و $g(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$ را در نظر بگیرید.</p> <p>(الف) دامنه تعریف تابع $g \circ f$ را تعیین کنید.</p> <p>(ب) ضابطه $((g \circ f)(x))$ را بنویسید.</p>	۶
ادامه سوالات در برگه دوم		

باسمہ تعالیٰ

نام و نام خانوادگی:	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش منوسطه	تاریخ امتحان: ۱۰/۱۲/۱۳۹۶	۱۳۹۶
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت ۵ی ماه سال ۱۳۹۶	مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir		
ردیف	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره	
۷	یک به یک بودن تابع $f(x) = x^2 - 4$ را به شرط $x > 0$ بررسی کنید.	۱	
۸	مقدار عددی $\sin 75^\circ$ را به دست آورید.	۱/۲۵	
۹	معادله $1 = 0 = 2\sin^2 x - 3\sin x$ را حل کنید.	۱/۵	
۱۰	حدود توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.	۲/۲۵	$\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{x^2 + 1}$ (الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2 - \sqrt{2x}}{2 - x}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{x \sin x}$ (ب)
۱۱	مقدار a را چنان بیابید تا تابع زیر در نقطه $x = 0$ پیوسته باشد.	۱/۲۵	$f(x) = \begin{cases} \frac{ax}{ x } & x < 0 \\ 3x - 1 & x \geq 0 \end{cases}$
۱۲	با ذکر دلیل بیان کنید آیا همسایگی چپ در نقطه ۲ برای تابع $f(x) = \sqrt{x-2}$ وجود دارد؟	۰/۵	
۱۳	الف) با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = x^2 + 3x$ را در نقطه A به طول یک بیابید. ب) معادله خط مماس بر منحنی f را در نقطه A بنویسید.	۱/۲۵	
۱۴	مشتق توابع زیر را محاسبه کنید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)	۲	$y = \frac{\sqrt{x} + 3x}{x^2 - 4}$ (الف) $y = (\cos 2x + x^2 + 1)^5$ (ب)
۱۵	آهنگ تغییر لحظه‌ای مساحت یک دایره را بیابید.	۰/۵	
۱۶	نقاطی روی منحنی تابع $y = x^3 - \frac{1}{3}$ تعیین کنید که خط مماس بر منحنی در آن نقاط موازی خط $x = y$ باشد.	۱	
۲۰	موفق باشید.	جمع نمره	