

باسم مهندسی

نام و نام خانوادگی:	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۶	تاریخ امتحان: ۱۰/۵/۱۳۹۶	سال سوم آموزش متوجه	رشته: علوم تجربی	مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح
عنوان:	مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	ردیف:	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره:		

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	درجهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید. الف) اگر A و B دو پیشامد ناسازگار در فضای نمونه‌ای Ω باشند آنگاه داریم: ب) دامنه تابع $f(x) = \log(x - 1)$ مساوی است.	۰/۵
۲	یک تاس و یک سکه را با هم می‌اندازیم. الف) تعداد اعضای فضای نمونه‌ای این پدیده تصادفی را به دست آورید. ب) پیشامد A را به این صورت تعریف می‌کنیم که تاس عدد بیشتر از ۲ و سکه «پشت» بیاید. پیشامد A را مشخص کنید.	۱/۲۵
۳	احتمال آن که احمد در کنکور قبول شود 0.6 و احتمال آن که محمد در کنکور قبول شود 0.7 است. چقدر احتمال دارد که حداقل یکی از آن‌ها در کنکور قبول شوند؟	۱
۴	چقدر احتمال دارد در یک تیم ۴ نفره همه در ماه دی متولد شده باشند؟	۰/۵
۵	از بین ۴ موش سیاه و ۵ موش سفید، ۴ موش را برای انجام یک آزمایش به تصادف انتخاب کرده‌ایم. احتمال آن که تعداد موش‌های سفید و سیاه برابر باشد چقدر است؟	۱
۶	نا معادله مقابل را حل کنید و مجموعه جواب را به صورت بازه بنویسید.	۱/۵
۷	مقدار $\sin 15^\circ$ را محاسبه کنید.	۱
۸	تابع $f(x) = \begin{cases} x^3 + 3 & x < 0 \\ x + 1 & x \geq 0 \end{cases}$ را درسم کنید.	۰/۵
۹	تابع $f(x) = x - 2$ و $g(x) = \sqrt{x + 1}$ داده شده‌اند. الف) دامنه $g \circ f$ را با استفاده از تعریف مشخص کنید. ب) مقدار $(g \circ f)(3)$ را محاسبه کنید.	۱/۷۵
۱۰	در صورتی که $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = f(3) = f(3 + 2) = \frac{x+4}{x}$ را حساب کنید.	۱
ادامه سوالات در صفحه دوم		

با اسمه تعالی

سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی ۳

نام و نام خانوادگی :

تعداد صفحه: ۲ مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه

سال سوم آموزش متوسطه تاریخ امتحان: ۱۰/۵/۱۳۹۶

دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت ۵ ماه سال ۱۳۹۶

<http://aee.medu.ir>

ردیف سوالات (پاسخ نامه دارد)

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	ردیف	ردیف
۱۱	هر یک از حد های زیر را حساب کنید.	۱۱	
۳/۵	<p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{2x}$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2}-2}{x^2-4x+2}$</p> <p>(ج) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{\sin x}$</p> <p>(د) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-3x^2 + \sqrt{x-2}}{x^2 + 6x}$</p>		
۱۲	<p>$x = 1$ نقطه ای است که تابع در آن دارای پیوستگی نباشد.</p> <p>تابع $f(x) = \begin{cases} -3x + b & x < 1 \\ -1 & x = 1 \\ 1 + ax^2 & x > 1 \end{cases}$</p>	۱۲	
۱۳	<p>تابع $f(x) = x^3 + 4x + 3$ داده شده است.</p> <p>(الف) آهنگ متوسط تغییر این تابع را وقتی متغیر از $x_1 = 2$ به $x_2 = 5$ تغییر کند، تعیین کنید.</p> <p>(ب) آهنگ لحظه‌ای تغییر این تابع را در نقطه $x = 2$ به دست آورید.</p>	۱۳	
۱۴	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)	۱۴	
۲/۵	<p>(الف) $f(x) = \frac{3x^2 - 6x}{x+1}$</p> <p>(ب) $g(x) = \sin^3 \sqrt{x}$</p> <p>(ج) $h(x) = \left(\frac{1}{x}\right) \times (\tan x)$</p>		
۱۵	<p>به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>(الف) شیب خط مماس بر نمودار تابع $y = x^3 - x - \frac{1}{2}$ در نقطه $x = \frac{1}{2}$ کدام است؟</p> <p>(ب) دامنه مشتق پذیری تابع $f(x) = \sqrt{1-2x}$ را مشخص کرده و بنویسید.</p>	۱۵	
۲۰	جمع نمره	"موفق باشید"	