

باسم‌هه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۰/۶/۱۳۹۷	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۷			مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		

ردیف

سؤالات (پاسخ نامه دارد)

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	درستی یا نادرستی عبارت‌ها را مشخص کنید. الف) اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه‌ای S باشند و $A \cap B \neq \emptyset$ باشد، در این صورت آن‌ها را دو پیشامد ناسازگار می‌نامیم. ب) مجموعه $\{x \in R \mid x \leq 2\} = A$ را می‌توان به صورت بازه $(-\infty, 2]$ نمایش داد. ج) تساوی: $\sin \alpha = 2 \sin \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}$ همواره برقرار است. د) مشتق تابع $f(x) = \frac{1}{x}$, برابر $f'(x) = \frac{1}{x^2}$ می‌باشد.	۱
۱	درجاهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید. الف) اگر S فضای نمونه‌ای یک پدیده تصادفی باشد، در این صورت: ب) اگر A یک پیشامد از فضای نمونه‌ای S باشد، آنگاه ج) دامنه تابع $D_f = \{x \in R \mid x \neq \dots\}$ تابع $f(x) = \tan 2x$ برابر است.	۲
۱/۵	خانواده‌ای دارای ۳ فرزند است. الف) فضای نمونه‌ای جنسیت فرزندان این خانواده را مشخص کنید. ب) پیشامد A که در آن تعداد فرزندان پسر بیشتر از تعداد فرزندان دختر باشد را مشخص کنید.	۳
۱	در کیسه‌ای ۳ مهره آبی، ۴ مهره سبز و ۲ مهره قرمز وجود دارد، از این کیسه ۳ مهره به تصادف خارج می‌کنیم. مطلوب است احتمال آن که: فقط ۲ مهره سبز باشد.	۴
۰/۷۵	۶ نفر را در نظر می‌گیریم، چقدر احتمال دارد: هیچ دو نفری در یک روز از هفته متولد نشده باشند؟	۵
۱/۲۵	نامعادله مقابل را حل کرده و مجموعه جواب را مشخص کنید.	۶
۰/۷۵	$\sin(a+b) + \sin(a-b) = 2 \sin a \cos b$	۷
۲	درستی تساوی مقابل را ثابت کنید. الف) دامنه تابع $\frac{f}{g}$ را با استفاده از تعریف به دست آورید. ب) ضابطه تابع $\frac{f}{g}$ را بنویسید. ج) حاصل عبارت $(2)(g - 2f)$ را حساب کنید.	۸

ادامه سوالات در صفحه دوم

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	رشته: علوم تجربی ۳
۲	تعداد صفحه: ۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۷ http://aee.medu.ir		

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۹	تابع مقابل داده شده است. الف) نمودار تابع رارسم کنید. ب) وجود حد این تابع را در نقطه $x = -1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۰	هر یک از حدهای زیر را حساب کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{1}{(x+1)^4}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x+4}-2}{3x}$ ج) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3-4x^2}{-2x^3+x}$	۲/۲۵
۱۱	اگر به ازای هر x داشته باشیم $g(x) \leq 3 - x^3 \leq g(x) \leq 3 \cos 2x$ ، حد تابع $g(x)$ را در $x = 0$ تعیین کنید.	۱
۱۲	مقادیر a و b را چنان بیابید که تابع $f(x)$ در نقطه $x = 1$ پیوسته باشد.	۱/۳۵
۱۳	تابع $f(x) = x^3 + 2x - 1$ داده شده است. الف) آهنگ متوسط تغییر این تابع را وقتی متغیر از $x = 3$ به $x = 6$ تغییر کند، تعیین کنید. ب) آهنگ لحظه‌ای تغییر این تابع را در نقطه $x = 4$ به دست آورید.	۱/۵
۱۴	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) الف) $f(x) = (x^3 - 2x + 1)^5$ ب) $g(x) = \cos 2x \times \tan x$ ج) $h(x) = \frac{1}{1+\sqrt{x}}$	۲/۷۵
۱۵	شیب خط مماس بر نمودار تابع $f(x) = x^3 - x$ به دست آورید.	۰/۵
	"موفق باشید"	۲۰