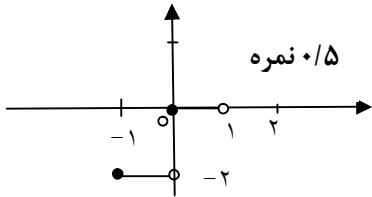


راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان		رشته: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۸ / ۰۳ / ۱۳۹۸
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$S_n = \frac{n}{2}(2a + (n-1)d) \Rightarrow 125 < \frac{n}{2}(-2 + 3(n-1)) \quad (0/25) \Rightarrow 3n^2 - 5n - 25 > 0 \quad (0/25)$ <p>حداقل ۱۱ جمله باید جمع شود. (۰/۲۵)</p> $\Rightarrow n = 10 \quad (0/25), \quad n = -8/3$	۱
۲	<p>الف) درست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) ج) نادرست (۰/۲۵)</p>	۰/۷۵
۳	$4 - x^2 = t \rightarrow t^2 - 2t - 15 = 0 \rightarrow (t-5)(t+3) = 0 \rightarrow \begin{cases} t=5 \rightarrow 4-x^2=5 \rightarrow x^2=-1 & (0/25) \\ t=-3 \rightarrow 4-x^2=-3 \rightarrow x^2=7 \rightarrow x=\pm\sqrt{7} & (0/25) \end{cases}$	۱
۴	$(x)^2 = (\sqrt{2-x})^2 \Rightarrow x^2 = 2-x \Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow (x+2)(x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -2 & (0/25) \\ x = 1 & (0/25) \end{cases}$	۱
۵	$P(-1) = 2 - m + 2 = 2 \quad (0/25) \Rightarrow m = 2 \quad (0/25) \Rightarrow P(1) = 6 \quad (0/25)$	۰/۷۵
۶	<p>الف) $\frac{2\pi}{3}$ (۰/۲۵) ب) ۲ (۰/۲۵)</p>	۰/۵
۷	<p>$D_f = R$ (۰/۲۵) , $D_g = [-2, +\infty)$ (۰/۲۵)</p> <p>الف) $D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} \Rightarrow x-1 \geq -2 \Rightarrow D_{gof} = [-1, +\infty)$ (۰/۲۵)</p> <p>$g(f(x)) = \sqrt{x-1+2} = \sqrt{x+1}$ (۰/۲۵) ج) $\frac{f(2)}{g(2)} = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵)</p> <p>ب)</p>	۱/۵
۸	<p>یک به یک است. در نتیجه وارون پذیر است. (۰/۲۵)</p> $f(x_1) = f(x_2) \Rightarrow \sqrt{x_1+2} - 3 = \sqrt{x_2+2} - 3 \Rightarrow \sqrt{x_1+2} = \sqrt{x_2+2} \Rightarrow x_1+2 = x_2+2 \Rightarrow x_1 = x_2$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p>	۱
۹	<p>نمره ۰/۵</p>  <p>$-1 \leq x < 0 \rightarrow y = -2$ (۰/۲۵)</p> <p>$0 \leq x < 1 \rightarrow y = 0$ (۰/۲۵)</p>	۱
۱۰	$\cos 2\alpha = \underbrace{\cos^2 \alpha}_{(0/25)} - \underbrace{\sin^2 \alpha}_{(0/25)} = (1 - \sin^2 \alpha) - \sin^2 \alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha \quad (0/5)$ <p>"ادامه راهنما در صفحه دوم"</p>	۱

راهنمای تصحیح سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان		رشته: ریاضی فیزیک
سال سوم آموزش متوسطه	تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۸ / ۰۳ / ۱۳۹۸
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	$\Delta x = 2k\pi + 2x \quad (./25) \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} \quad (./25)$ $\Delta x = 2k\pi + (\pi - 2x) \quad (./25) \Rightarrow 7x = (2k+1)\pi \Rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{7} \quad (./25)$	۱
۱۲	$\sin^{-1}\left(\sin\left(\pi + \frac{\pi}{3}\right)\right) = \sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -\frac{\pi}{3} \quad (./25)$	۰/۵
۱۳	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)}{x-1} = 5 \quad (./25)$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2} \sin^2 \frac{x}{2}}{\frac{x}{2}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sqrt{2} \sin \frac{x}{2} }{\frac{x}{2}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-\sqrt{2} \sin \frac{x}{2}}{\frac{x}{2}} = -\sqrt{2} \quad (./25)$</p> <p>ج) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x^2-9} \times \frac{\sqrt{x+1}+2}{\sqrt{x+1}+2} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{(x-3)}{(x-3)(x+3)(\sqrt{x+1}+2)} = \frac{1}{24} \quad (./25)$</p>	۲/۵
۱۴	<p>$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt{x-1}}{x-1} \times \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+1}} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{1}{\sqrt{x+1}} = \frac{1}{2} \quad (./25)$, $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} [x] + a = 1 + a \quad (./25)$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) \Rightarrow 1 + a = \frac{1}{2} \quad (./25) \Rightarrow a = -\frac{1}{2} \quad (./25)$</p>	۱/۵
۱۵	$f'(a) = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 + 1 - (a^2 + 1)}{x - a} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{(x-a)(x+a)}{x-a} = 2a \quad (./25)$	۱/۲۵
۱۶	<p>الف) $y' = \underbrace{(2 \circ x^2)}_{(./5)} (\cos x) - \underbrace{(\sin x)}_{(./5)} (4x^5 + 2)$</p> <p>ب) $y' = \frac{2x + \cos x}{3 \sqrt[3]{(x^2 + \sin x - 1)^2}} \quad (./5)$</p> <p>ج) $y' = 3 \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}} \quad (./75)$</p>	۲/۷۵
۱۷	$S(r) = \pi r^2 \quad (./25) \Rightarrow S'(r) = 2\pi r \quad (./25) \Rightarrow S'(2) = 4\pi \quad (./5)$	۱
۲۰	همکاران محترم، لطفاً به سایر راه حل های صحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید. با تشکر طراحان	