

باسمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس : حساب دیفرانسیل و انتگرال	رشته : ریاضی فیزیک	ساعت شروع : ۸ صبح	مدت امتحان : ۱۵۰ دقیقه
نام و نام خانوادگی :	دوره پیش دانشگاهی	تاریخ امتحان : ۱۳۹۴/۶/۷	تعداد صفحه : ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴		مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است.

۱	فرض کنید برای هر عدد مثبت h ، $0 \leq a < h$ ، ثابت کنید $a = 0$	۱
۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید: الف) هر دنباله نزولی و کران دار از پایین ، همگراست . ب) در بازه $A = [1, 3]$ ، عدد $\sqrt{3}$ ماکسیمم A است. ج) حد دنباله $a_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{\frac{n}{3}}$ برابر است با e^3 . د) دنباله $\left\{3 + \left(\frac{1}{2}\right)^n\right\}$ یک دنباله نزولی است .	۲
۲	در تابع زیر ، مقدار a را چنان بیابید که تابع در نقطه $x = 0$ پیوسته باشد . $f(x) = \begin{cases} \sqrt[3]{x+8} - 2 & x \neq 0 \\ x & \\ a & x = 0 \end{cases}$	۳
۱	معادله خط مماس بر منحنی $y = \frac{1}{x}$ را در نقطه $(1, 1)$ بنویسید . (محاسبه شیب مماس به کمک تعریف)	۴
۱/۵	مشتق پذیری تابع زیر را در نقطه $x = 0$ بررسی کنید. $f(x) = \begin{cases} x & x < 0 \\ x^2 & x \geq 0 \end{cases}$	۵
۱/۵	مشتق چهارم تابع $f(x) = (x^2 - 1)(x^2 + 1)(x^2 + 3)$ را در $x = 1$ حساب کنید.	۶
۲/۵	مشتق بگیرید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $y = e^{\tan \sqrt{x}}$ ب) $y = \ln(x^4 + 1)$ ج) $y^3 + \cos(x + y) - x^3 y^5 = 1$	۷
۱	جاهای خالی را با عبارات مناسب ، پر کنید. الف) اگر $f(x) = x^3 + 1$ باشد ، $(f^{-1})'(0)$ برابر است با ب) مختصات نقطه عطف تابع $f(x) = \tan x$ در بازه $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$ برابر است با	۸
۱/۵	طول نقاط بحرانی تابع $f(x) = \sqrt{1-x^2}$ را در دامنه اش به دست آورید.	۹

باسمه تعالی

سؤالات امتحان نهایی درس : حساب دیفرانسیل و انتگرال		رشته : ریاضی فیزیک		ساعت شروع : ۸ صبح		مدت امتحان : ۱۵۰ دقیقه	
نام و نام خانوادگی :		دوره پیش دانشگاهی		تاریخ امتحان : ۱۳۹۴/۶/۷		تعداد صفحه : ۲	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۴		مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir					
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)						
توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است.							
۱۰	بالنی را از هوا پر می کنیم به طوری که حجم آن با آهنگ ۴۰ سانتی متر مکعب بر ثانیه افزایش می یابد. وقتی شعاع بالن ۱۰ سانتی متر است ، شعاع بالن با چه آهنگی افزایش می یابد؟						
۱۱	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \sin x + \cos x$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.						
۱۲	با استفاده از افرازهای مناسب ، مساحت ناحیه ای را بیابید که تحت خط مستقیم $y = x + 3$ بوده و محدود به خطوط $x = 0$ و $x = 2$ می باشد.						
۱۳	مشتق تابع $G(x) = x^5 \int_{-1}^{2x} e^{-t^2} dt$ را به دست آورید.						
۱۴	انتگرال معین زیر را حساب کنید. $\int_{-1}^2 x dx$						
۲۰	جمع نمره موفق باشید						